

(19) 日本国特許庁(JP)

再公表特許(A1)

(11) 国際公開番号

WO2010/098160

発行日 平成24年8月30日 (2012.8.30)

(43) 国際公開日 平成22年9月2日 (2010.9.2)

(51) Int.Cl. F I テーマコード (参考)  
**G06T 7/20 (2006.01)** G06T 7/20 B 5L096

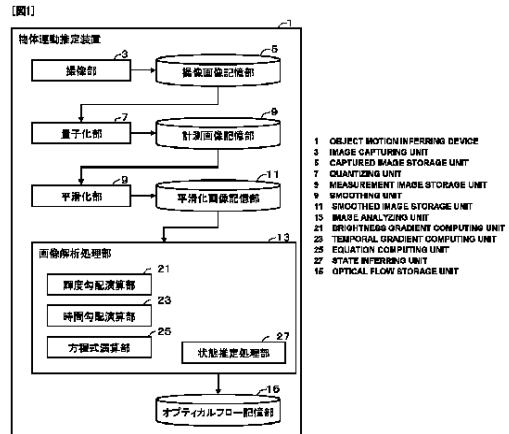
審査請求 未請求 予備審査請求 有 (全 36 頁)

出願番号	特願2011-501533 (P2011-501533)	(71) 出願人	504174135 国立大学法人九州工業大学 福岡県北九州市戸畑区仙水町1番1号
(21) 国際出願番号	PCT/JP2010/050924	(74) 代理人	100116573 弁理士 羽立 幸司
(22) 国際出願日	平成22年1月25日 (2010.1.25)	(72) 発明者	瀬部 昇 福岡県飯塚市大字川津680-4 国立大学法人九州工業大学内
(31) 優先権主張番号	特願2009-41360 (P2009-41360)	(72) 発明者	延山 英沢 福岡県飯塚市大字川津680-4 国立大学法人九州工業大学内
(32) 優先日	平成21年2月24日 (2009.2.24)	(72) 発明者	榎田 修一 福岡県飯塚市大字川津680-4 国立大学法人九州工業大学内
(33) 優先権主張国	日本国 (JP)	Fターム(参考)	5L096 AA06 CA04 GA02 HA04 最終頁に続く

(54) 【発明の名称】 物体運動推定装置、物体運動推定方法、プログラム及び記録媒体

(57) 【要約】

従来の勾配法において、オプティカルフローの並進性（つまり、空間勾配が0）を仮定するという問題点を克服した、撮像画像における画像解析処理によるオプティカルフローの推定に適した物体動作推定装置等を提供する。物体運動推定装置は、物体を撮像した撮像画像を画像解析処理して前記物体の運動を推定するものであり、オプティカルフローの時不変性を仮定し、かつ、並進性を仮定せずに、撮像画像の各点の輝度を観測量としてオプティカルフローを推定すると同時に、オプティカルフローの空間勾配をも推定する画像解析処理部15を備える。オプティカルフローの並進性の仮定は、本来未知であるオプティカルフローに対する仮定であり、これを可能な限り緩めることができる。



【特許請求の範囲】

【請求項 1】

撮像手段が物体を撮像した撮像画像を画像解析処理して前記物体の運動を推定する物体運動推定装置において、

前記撮像手段と前記物体との相対運動の速度分布であるオプティカルフローについて、前記撮像画像における前記物体の輝度の時間に関する 1 階全微分がゼロという時不変性が仮定され、かつ、前記撮像手段の撮像軸に対して垂直な平面上を前記物体が移動するという並進性が仮定されずに、前記撮像画像の画素の輝度 I を観測量として前記オプティカルフローを推定すると同時に、前記推定されるオプティカルフローの空間勾配をも推定する画像解析処理手段

10

を備える物体運動推定装置。

【請求項 2】

前記撮像画像は、二次元の画像であり、少なくとも 3 画素 × 3 画素の大きさの画像であって、撮像時刻が異なる 3 枚の画像であり、撮像画像記憶手段に記憶されており、

前記画像解析処理手段は、

前記撮像画像の注目点における輝度勾配を演算する輝度勾配演算手段と、

前記輝度勾配から時間勾配を演算する時間勾配演算手段と、

前記オプティカルフロー及び当該オプティカルフローの前記空間勾配を変数とし、前記時間勾配を係数とする連立方程式を解く方程式演算手段を有する、

20

請求項 1 記載の物体運動推定装置。

【請求項 3】

前記画像解析処理手段は、式 (eq1) に示される前記撮像画像上の注目点 P ( x<sub>0</sub> , y<sub>0</sub> ) における輝度 I を観測量 z ( t ) として、線形方程式 (eq2) を解くことにより、前記オプティカルフロー [ u v ]<sup>T</sup> を推定すると同時に、その空間勾配も推定する、請求項 1 又は 2 に記載の物体運動推定装置。

【数 1】

$$z(t) = \begin{bmatrix} I(x_0, y_0, t) \\ I_x(x_0, y_0, t) \\ I_y(x_0, y_0, t) \\ I_{xx}(x_0, y_0, t) \\ I_{xy}(x_0, y_0, t) \\ I_{yy}(x_0, y_0, t) \end{bmatrix} \tag{eq1} \quad 30$$

$$\begin{bmatrix} I_t \\ I_{tx} \\ I_{ty} \\ I_{txx} \\ I_{txy} \\ I_{tyy} \\ I_{tt} \\ I_{ttx} \\ I_{tty} \\ I_{txxx} \\ I_{txxy} \\ I_{txyy} \end{bmatrix} = - \begin{bmatrix} I_x & I_y & 0 & 0 & 0 & 0 \\ I_{xx} & I_{xy} & I_x & I_y & 0 & 0 \\ I_{xy} & I_{yy} & 0 & 0 & I_x & I_y \\ 0 & 0 & 2I_{xx} & 2I_{xy} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & I_{xy} & I_{yy} & I_{xx} & I_{xy} \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2I_{xy} & 2I_{yy} \\ I_{tx} & I_{ty} & 0 & 0 & 0 & 0 \\ I_{txx} & I_{txy} & I_{tx} & I_{ty} & 0 & 0 \\ I_{txy} & I_{tyy} & 0 & 0 & I_{tx} & I_{ty} \\ 0 & 0 & 2I_{txx} & 2I_{txy} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & I_{txy} & I_{tyy} & I_{txx} & I_{txy} \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2I_{txy} & 2I_{tyy} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} u \\ v \\ u_x \\ v_x \\ u_y \\ v_y \end{bmatrix} \tag{eq2} \quad 40$$

【請求項 4】

50

前記画像解析処理手段は、前記オプティカルフロー及び当該オプティカルフローの空間勾配を含む状態変数に関する観測方程式を含む推定モデルに対して、前記状態変数の推定を行う状態推定処理手段を有し、

前記観測方程式は、前記撮像画像上の注目点の空間近傍の輝度を観測量として用いることにより、空間微分を含まないものである、  
請求項 1 に記載の物体運動推定装置。

【請求項 5】

前記観測方程式は、システム雑音と観測雑音という雑音を加味したものであり、

前記状態変数の推定は、推定値の共分散を近似するカルマンフィルタを用いて前記状態変数を逐次推定するものである、

請求項 4 に記載の物体運動推定装置。

【請求項 6】

物体を撮像した撮像画像を画像解析処理して前記物体の運動を推定する物体運動推定方法において、

撮像手段が、撮像時刻を異にして前記物体を少なくとも 3 回撮像し、得られた撮像画像を撮像画像記憶手段に記憶させるステップと、

画像解析処理手段が、前記撮像画像に対して画像解析処理して、前記撮像手段と前記物体との相対運動の速度分布であるオプティカルフローについて、前記撮像画像の画素の輝度を観測量として、時間に関して 2 階微分した情報を用いて前記オプティカルフローを推定すると同時に、前記推定されるオプティカルフローの空間勾配をも推定するステップを含む物体運動推定方法。

【請求項 7】

コンピュータを、請求項 1 から 5 のいずれかの物体運動推定装置として動作させるためのプログラム。

【請求項 8】

請求項 7 記載のプログラムを記録したコンピュータ読み取り可能な記録媒体。

【発明の詳細な説明】

【技術分野】

【0001】

本発明は、物体運動推定装置、物体運動推定方法、プログラム及び記録媒体に関し、特に、撮像手段が物体を撮像した撮像画像を画像解析処理して前記物体の運動を推定する物体運動推定装置等に関する。

【背景技術】

【0002】

オプティカルフローは、観測者と物体との相対運動によって生じる画像上の見かけの速度分布である。オプティカルフローは、通常、画像上の各点での見かけの速度ベクトルとして表現される。

【0003】

従来の勾配法では、動画像処理において、物体の画像の輝度が移動後も保存されることを仮定し、その保存則を表現したオプティカルフロー方程式と呼ばれる式(1)の偏微分方程式をもとにオプティカルフローを推定している(非特許文献 1 参照)。ただし、 $I(x, y, t)$  は輝度、 $(x, y)$  は画像上の座標、 $t$  は時刻、 $[u \ v]^T$  はオプティカルフローを表す。

【0004】

式(1)だけでは 2 変数  $u$ 、 $v$  を決定する方程式としては拘束条件が不足する。そこで、注目点の近傍でオプティカルフローがすべて等しいと仮定することにより、式(2)というオプティカルフローに関する線形方程式が得られる(非特許文献 5 参照)。ただし、添字は  $I_{t,x} = (\frac{\partial}{\partial t} \frac{\partial}{\partial x}) I$  のように偏微分を表す。この線形方程式がオプティカルフローの本質的な推定原理を与えている。ここに現れる輝度のヘッセ行列(3)は、画像中の物体の角と密接に関連した量であり、線形方程式の解きやすさと関連した判別式  $\det(H)$  という

10

20

30

40

50

量は推定されたオプティカルフローの信頼度としても利用されている。

【 0 0 0 5 】

【 数 1 】

$$\frac{dI}{dt} = \frac{\partial I}{\partial x}u + \frac{\partial I}{\partial y}v + \frac{\partial I}{\partial t} = 0 \quad (1)$$

$$\begin{bmatrix} I_{tx} \\ I_{ty} \end{bmatrix} = - \begin{bmatrix} I_{xx} & I_{xy} \\ I_{xy} & I_{yy} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} u \\ v \end{bmatrix} \quad (2)$$

$$H = \begin{bmatrix} I_{xx} & I_{xy} \\ I_{xy} & I_{yy} \end{bmatrix} \quad (3) \quad 10$$

【 先行技術文献 】

【 非特許文献 】

【 0 0 0 6 】

【 非特許文献 1 】 B. K. P. Horn、外 1 名著，“Determining optical flow.” *Artificial Intelligence*, 17:185-203, 1981.

【 非特許文献 2 】 S. J. Julier、外 1 名著，“Unscented filtering and nonlinear estimation.” *Proceedings of IEEE*, 92(3):401-422, 2004.

【 非特許文献 3 】 A. J. Krener、外 1 名著．“Nonlinear observers with linearizable error dynamics.” *SIAM Journal of control and optimization*, 23(2):197-216, 1985. 20

【 非特許文献 4 】 K. Lucas、外 1 名著，“An interactive image registration techniques with an application to stereo vision.” In *Proceedings of 7th IJCAL*, pages 674-679, 1981.

【 非特許文献 5 】 A. Verri、外 2 名著，“Differential techniques for optical flow.” *Journal of optical Society of America A*, 7(5):912-922, 1990.

【 非特許文献 6 】 Y. Wu、外 2 名著，“Unscented Kalman filtering for additive noise case: Augmented versus nonaugmented.” *IEEE Signal Processing Letters*, 12(5):357-360, 2005. 30

【 非特許文献 7 】 松永、外 2 名著．“カルマンフィルタを用いたオプティカルフローの抽出に関する研究．” *電子情報通信学会技術研究報告*．PRMU，パターン認識・メディア理解，97(501):15-20, 1998.

【 発明の概要 】

【 発明が解決しようとする課題 】

【 0 0 0 7 】

オプティカルフローの研究の方向性としては、空間的広がりを利用して空間差分による雑音の影響を低減する研究（Lucasら（非特許文献 4 参照）など）、ヘッセ行列の正則性が失われてオプティカルフローの推定の信頼性が劣化する画像上の領域に対して、オプティカルフローの滑らかさなどの新たな拘束条件を要請し信頼性の高い部分のオプティカルフローを用いて補間する大域法（非特許文献 1 など参照）などが挙げられる。 40

【 0 0 0 8 】

しかしながら、多くの改善が提案されているにもかかわらず、勾配法の基本原理はHornらの提案（非特許文献 1 参照）から25年間以上不変のままである。

【 0 0 0 9 】

従来の勾配法の問題点としては、例えば、従来法では、オプティカルフローの並進性（つまり、空間勾配が 0）を仮定していることがある。オプティカルフローの並進性の仮定は、本来未知であるオプティカルフローに対する仮定であり、可能な限り緩めることが重要である。

【 0 0 1 0 】

ゆえに、本発明は、従来の勾配法における問題点を克服し、撮像画像における画像解析処理によるオプティカルフローの推定に適した物体動作推定装置等を提供することを目的とする。

【課題を解決するための手段】

【0011】

請求項1に係る発明は、撮像手段が物体を撮像した撮像画像を画像解析処理して前記物体の運動を推定する物体運動推定装置において、前記撮像手段と前記物体との相対運動の速度分布であるオプティカルフローについて、前記撮像画像における前記物体の輝度の時間に関する1階全微分がゼロという時不変性が仮定され、かつ、前記撮像手段の撮像軸に対して垂直な平面上を前記物体が移動するという並進性が仮定されずに、前記撮像画像の画素の輝度 $I$ を観測量として前記オプティカルフローを推定すると同時に、前記推定されるオプティカルフローの空間勾配をも推定する画像解析処理手段を備える。

10

【0012】

請求項2に係る発明は、請求項1記載の物体運動推定装置であって、前記撮像画像は、二次元の画像であり、少なくとも3画素×3画素の大きさの画像であって、撮像時刻が異なる3枚の画像であり、撮像画像記憶手段に記憶されており、前記画像解析処理手段は、前記撮像画像の注目点における輝度勾配を演算する輝度勾配演算手段と、前記輝度勾配から時間勾配を演算する時間勾配演算手段と、前記オプティカルフロー及び当該オプティカルフローの前記空間勾配を変数とし、前記時間勾配を係数とする連立方程式を解く方程式演算手段を有する。

20

【0013】

請求項3に係る発明は、請求項1又は2に記載の物体運動推定装置であって、前記画像解析処理手段は、式(eq1)に示される前記撮像画像上の注目点 $P(x_0, y_0)$ における輝度 $I$ を観測量 $z(t)$ として、線形方程式(eq2)を解くことにより、前記オプティカルフロー $[u \ v]^T$ を推定すると同時に、その空間勾配も推定する。

【0014】

請求項4に係る発明は、請求項1に記載の物体運動推定装置であって、前記画像解析処理手段は、前記オプティカルフロー及び当該オプティカルフローの空間勾配を含む状態変数に関する観測方程式を含む推定モデルに対して、前記状態変数の推定を行う状態推定処理手段を有し、前記観測方程式は、前記撮像画像上の注目点の空間近傍の輝度を観測量として用いることにより、空間微分を含まないものである。

30

【0015】

請求項5に係る発明は、請求項4に記載の物体運動推定装置であって、前記観測方程式は、システム雑音と観測雑音という雑音を加味したものであり、前記状態変数の推定は、推定値の共分散を近似するカルマンフィルタを用いて前記状態変数を逐次推定するものである。

【0016】

請求項6に係る発明は、物体を撮像した撮像画像を画像解析処理して前記物体の運動を推定する物体運動推定方法において、撮像手段が、撮像時刻を異にして前記物体を少なくとも3回撮像し、得られた撮像画像を撮像画像記憶手段に記憶させるステップと、画像解析処理手段が、前記撮像画像に対して画像解析処理して、前記撮像手段と前記物体との相対運動の速度分布であるオプティカルフローについて、前記撮像画像の画素の輝度を観測量として、時間に関して2階微分した情報を用いて前記オプティカルフローを推定すると同時に、前記推定されるオプティカルフローの空間勾配をも推定するステップを含む。

40

【0017】

請求項7に係る発明は、コンピュータを、請求項1から5のいずれかの物体運動推定装置として動作させるためのプログラムである。

【0018】

請求項8に係る発明は、請求項7記載のプログラムを記録したコンピュータ読み取り可能な記録媒体である。

50

【 0 0 1 9 】

なお、請求項 3 において、線形方程式 (eq2) は過制約の線形方程式である。線形方程式 (eq2) の解は、例えば、最小二乗法などの推定法によって求める。

【 0 0 2 0 】

【 数 2 】

$$z(t) = \begin{bmatrix} I(x_0, y_0, t) \\ I_x(x_0, y_0, t) \\ I_y(x_0, y_0, t) \\ I_{xx}(x_0, y_0, t) \\ I_{xy}(x_0, y_0, t) \\ I_{yy}(x_0, y_0, t) \end{bmatrix} \quad (\text{eq1}) \quad 10$$

$$\begin{bmatrix} I_t \\ I_{tx} \\ I_{ty} \\ I_{txx} \\ I_{txy} \\ I_{tyy} \\ I_{tt} \\ I_{ttx} \\ I_{tty} \\ I_{ttxx} \\ I_{ttxy} \\ I_{ttyy} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} I_x & I_y & 0 & 0 & 0 & 0 \\ I_{xx} & I_{xy} & I_x & I_y & 0 & 0 \\ I_{xy} & I_{yy} & 0 & 0 & I_x & I_y \\ 0 & 0 & 2I_{xx} & 2I_{xy} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & I_{xy} & I_{yy} & I_{xx} & I_{xy} \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2I_{xy} & 2I_{yy} \\ I_{tx} & I_{ty} & 0 & 0 & 0 & 0 \\ I_{txx} & I_{txy} & I_{tx} & I_{ty} & 0 & 0 \\ I_{txy} & I_{tyy} & 0 & 0 & I_{tx} & I_{ty} \\ 0 & 0 & 2I_{txx} & 2I_{txy} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & I_{txy} & I_{tyy} & I_{txx} & I_{txy} \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2I_{txy} & 2I_{tyy} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} u \\ v \\ u_x \\ v_x \\ u_y \\ v_y \end{bmatrix} \quad (\text{eq2}) \quad 20$$

【 発明の効果 】

【 0 0 2 1 】

本願の各請求項に係る発明（以下、「本願発明」という。）は、データとして取得された撮像画像に関わる物理的性質を利用した処理を具体的に行うものであり、オプティカルフローの並進性の仮定を必要とせず、また、画像輝度のヘッセ行列の正則性を必ずしも要請せず、オプティカルフローの推定が可能となる。従来にも、オプティカルフローが並進的でない場合にも、例えば単純拡大や回転など、その運動に関する事前情報が分かっている場合には、オプティカルフローの推定が可能であることは示されている（非特許文献 5 参照）。しかし、撮像画像の各点の輝度以外に、オプティカルフローに関する事前情報が必要である点には変わりがない。本願発明によれば、このような事前情報を必要とせず、オプティカルフローの推定が可能である。

【 0 0 2 2 】

さらに、本願発明によれば、オプティカルフローの推定と同時に、その空間勾配をも推定することが可能となる。オプティカルフローの空間勾配はベクトル場の回転や発散の情報を含み、三次元空間における物体の運動復元を行う上でとても重要な量である。本願発明は、空間勾配という重要な量について、事前に仮定を必要とせず、かつ、オプティカルフローと同時に推定可能とするものである。

【 0 0 2 3 】

このように、従来の勾配法では、並進的な動き（つまり、カメラ光軸に垂直な平面上を回転もせずに等速に動くこと）を仮定していた。そのため、光軸に沿った動きや回転を含む運動を計測する際は原理的に精度が劣化することとなる。これに対して、本願発明は、同時に空間勾配をも推定（補正）することができ、原理的に精度が向上する。このように

30

40

50

、画像の回転や拡大が直接検出でき、画像の回転や拡大のオプティカルフローへの影響が補正されるので、回転や拡大がある場合のオプティカルフローの精度が向上する。さらに、回転や拡大の影響を用いることで、オプティカルフローが計算可能な画像が増えることとなる。

【0024】

また、従来の勾配法の問題点として、雑音対策に重きを置くあまり、推定原理の本質が見えにくくなっていることがある。例えば、不足する方程式の数を補うために空間的な広がりを利用する方法もあるが、これは、考えている領域内でオプティカルフローが均一であるという仮定を置く。しかし、この仮定は十分小さな領域を考える場合に成り立つが、領域を小さくすると式(1)の方程式の独立性が失われる。領域の大きさによる仮定の成立性と方程式の独立性が相反する。時空間で離散化されたデータを前提とする方法であり、本質的な推定可能性を考えるには不向きである。

10

【0025】

本願発明によれば、あくまで注目点の近傍だけの情報、言い換えるならば注目点の輝度及びその時空間勾配の情報のみからオプティカルフローを推定することが可能となる。

【0026】

さらに、従来の勾配法には、実装上の問題点がある。従来の勾配法では、輝度情報の時空間微分の陽な計算が必要であり、画像情報からえるためには差分演算が不可避であった。この差分演算は外乱に弱く、オプティカルフローの推定の信頼性に大きく影響する。また、これらの差分情報から線形連立方程式を解くためにヘッセ行列の正則性などが要請される。ここでも逆行列計算による推定の劣化が問題となる。

20

【0027】

本願の請求項4及び5に係る発明によれば、時空間微分を用いず、かつ、陽な逆行列計算を用いることなく推定を行うことが可能となる。このように、例えばカルマンフィルタを用いる等による雑音対策により、逆行列の陽な計算を回避することができ、結果としてオプティカルフローの計算精度が向上することとなる。

【図面の簡単な説明】

【0028】

【図1】本願発明の実施例である物体運動推定装置1の概略ブロック図である。

【図2】図1の物体運動推定装置1による画像処理の一例を示すフロー図である。

30

【図3】実施例2において、瞬時推定の結果を示す図である。

【図4】実施例2において、カルマンフィルタを用いた推定の結果を示す図である。

【発明を実施するための形態】

【0029】

以下、図面を参照して、本願発明の実施例について説明する。ただし、本願発明は、記載した実施例に限定されるものではない。

【実施例1】

【0030】

図1は、本願発明の実施例である物体運動推定装置1の概略ブロック図である。物体運動推定装置1は、例えばドライブレコーダである。

40

【0031】

物体運動推定装置1は、画像を撮像する撮像部3と、撮像部3により撮像された撮像画像を記憶する撮像画像記憶部5と、撮像画像上の各点について、時間又はノ及び輝度の量子化を行い計測画像とする量子化部7と、計測画像を記憶する計測画像記憶部9と、計測画像に平滑化を行い平滑化画像とする平滑化部11と、平滑化画像を記憶する平滑化画像記憶部13と、量子化画像に基づいてオプティカルフローを推定する画像解析処理部15と、推定されたオプティカルフローを記憶するオプティカルフロー記憶部17を備える。

【0032】

撮像部3は、例えば車載カメラである。車載カメラは、基本的に進行方向に向けられるので光軸に沿った動きが避けられない。また、ドライブレコーダのような広角画像では、

50

画像の歪みによる拡大が避けられない。そのため、撮像画像には、大きな誤差が含まれることとなる。

【0033】

量子化部7は、例えば、整数の時刻  $t$  で、撮像画像の  $(x, y)$  の  $x$  と  $y$  が整数の点について、小数点以下を切り捨てて量子化を行い、これを計測画像とするものである。量子化部7の処理により、量子化誤差が加わる。

【0034】

平滑化部11は、計測画像の各時刻において、例えばガウスフィルタを用いて平滑化を行い、平滑化画像とする。

【0035】

画像解析処理部13は、平滑化画像の輝度情報を用いてオプティカルフローの推定を行う。撮像画像の注目点における輝度勾配を演算する輝度勾配演算部21と、輝度勾配から時間勾配を演算する時間勾配演算部23と、時間勾配を係数とし、オプティカルフロー及びその空間勾配を変数とする連立方程式を解く方程式演算部25と、撮像画像の注目点の空間近傍の輝度情報を観測量としてフィルタを用いてオプティカルフロー及びその空間勾配を逐次推定する状態推定処理部27を有する。以下では、画像解析処理部13の動作を中心に、具体的に説明する。

【0036】

まず、オプティカルフロー方程式の一般化について説明する。ここで、時刻  $t$  における画像上の位置  $(x, y)$  における輝度を  $I(x, y, t)$  とし、 $I(x, y, t)$  は必要とされる回数だけ微分可能であると仮定する。一方、オプティカルフローを  $[u(x, y, t) \quad v(x, y, t)]^T$  で表し、こちらにも必要とされる回数だけ微分可能であると仮定する。なお、本実施例では、偏微分を  $I_{,i} (= \partial / \partial x_i)$  のように添字にて表すものとする。

【0037】

輝度不変の拘束式(1)は、式(4)のように、輝度  $I(x, y, t)$  の時空間における  $[u \quad v \quad 1]^T$  方向への勾配が0であると解釈することもできる。

【0038】

時空間のある点  $P(x_0, y_0, t_0)$  において、式(4)が成立しているとする。さらに、点  $P$  の近傍点  $(x_0 + \Delta x, y_0 + \Delta y, t_0 + \Delta t)$  においてもオプティカルフローに沿った移動後も輝度の変化しないという条件は、近傍点における方向微分が0という条件として表される。式(5)は、近傍点における輝度、オプティカルフロー及びその空間微分を、微小量  $\Delta x, \Delta y, \Delta t$  で近似した条件である。ここで微小量  $\Delta x, \Delta y, \Delta t$  の2次の項を無視すると、任意の近傍で式(5)が成立するためには微小量  $\Delta x, \Delta y, \Delta t$  の1次の項の係数がそれぞれ0でなければならない。これより、近傍における各点でオプティカルフローに沿った移動後の輝度不変の条件は、式(6a) ~ (6c)の3式が成立することとなる。

【0039】

式(6)の一般化されたオプティカルフロー恒等式は、画像上の注目点の近傍において輝度不変であるための条件式をテーラー展開し、その1次の項までで打ち切った条件である。そのように解釈すると、従来の輝度不変の拘束式(4)は、テーラー展開の0次の項に相当することが分かる。また、式(6)の条件は従来のオプティカルフロー方程式(4)を  $x, y, t$  について偏微分することによっても導出ができ、テーラー展開のより高次の項に対応する輝度不変条件も同様に容易に導出することができる。式(7a) ~ (7f)は、本実施例で用いる2次の項に対応する条件である。

【0040】

10

20

30

40



## 【数 3】

$$\begin{bmatrix} u \\ v \\ 1 \end{bmatrix}^T \begin{bmatrix} I_x \\ I_y \\ I_t \end{bmatrix} = 0 \quad (4)$$

$$\begin{bmatrix} u + u_x \Delta x + u_y \Delta y + u_t \Delta t \\ v + v_x \Delta x + v_y \Delta y + v_t \Delta t \\ 1 \end{bmatrix}^T \begin{bmatrix} I_x + I_{xx} \Delta x + I_{xy} \Delta y + I_{xt} \Delta t \\ I_y + I_{xy} \Delta x + I_{yy} \Delta y + I_{yt} \Delta t \\ I_t + I_{tx} \Delta x + I_{ty} \Delta y + I_{tt} \Delta t \end{bmatrix} = 0 \quad (5)$$

$$\begin{bmatrix} u_x \\ v_x \\ 0 \end{bmatrix}^T \begin{bmatrix} I_x \\ I_y \\ I_t \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} u \\ v \\ 1 \end{bmatrix}^T \begin{bmatrix} I_{xx} \\ I_{xy} \\ I_{tx} \end{bmatrix} = 0 \quad (6a) \quad 10$$

$$\begin{bmatrix} u_y \\ v_y \\ 0 \end{bmatrix}^T \begin{bmatrix} I_x \\ I_y \\ I_t \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} u \\ v \\ 1 \end{bmatrix}^T \begin{bmatrix} I_{xy} \\ I_{yy} \\ I_{ty} \end{bmatrix} = 0 \quad (6b)$$

$$\begin{bmatrix} u_t \\ v_t \\ 0 \end{bmatrix}^T \begin{bmatrix} I_x \\ I_y \\ I_t \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} u \\ v \\ 1 \end{bmatrix}^T \begin{bmatrix} I_{tx} \\ I_{ty} \\ I_{tt} \end{bmatrix} = 0 \quad (6c) \quad 20$$

$$\begin{bmatrix} u_{xx} \\ v_{xx} \\ 0 \end{bmatrix}^T \begin{bmatrix} I_x \\ I_y \\ I_t \end{bmatrix} + 2 \begin{bmatrix} u_x \\ v_x \\ 0 \end{bmatrix}^T \begin{bmatrix} I_{xx} \\ I_{xy} \\ I_{tx} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} u \\ v \\ 1 \end{bmatrix}^T \begin{bmatrix} I_{xxx} \\ I_{xxy} \\ I_{txx} \end{bmatrix} = 0 \quad (7a)$$

$$\begin{bmatrix} u_{xy} \\ v_{xy} \\ 0 \end{bmatrix}^T \begin{bmatrix} I_x \\ I_y \\ I_t \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} u_x \\ v_x \\ 0 \end{bmatrix}^T \begin{bmatrix} I_{xy} \\ I_{yy} \\ I_{ty} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} u_y \\ v_y \\ 0 \end{bmatrix}^T \begin{bmatrix} I_{xx} \\ I_{xy} \\ I_{tx} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} u \\ v \\ 1 \end{bmatrix}^T \begin{bmatrix} I_{xxy} \\ I_{xyy} \\ I_{txy} \end{bmatrix} = 0 \quad (7b)$$

$$\begin{bmatrix} u_{yy} \\ v_{yy} \\ 0 \end{bmatrix}^T \begin{bmatrix} I_x \\ I_y \\ I_t \end{bmatrix} + 2 \begin{bmatrix} u_y \\ v_y \\ 0 \end{bmatrix}^T \begin{bmatrix} I_{xy} \\ I_{yy} \\ I_{ty} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} u \\ v \\ 1 \end{bmatrix}^T \begin{bmatrix} I_{xyy} \\ I_{yyy} \\ I_{tyy} \end{bmatrix} = 0 \quad (7c) \quad 30$$

$$\begin{bmatrix} u_{tx} \\ v_{tx} \\ 0 \end{bmatrix}^T \begin{bmatrix} I_x \\ I_y \\ I_t \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} u_x \\ v_x \\ 0 \end{bmatrix}^T \begin{bmatrix} I_{ty} \\ I_{ty} \\ I_{tt} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} u_t \\ v_t \\ 0 \end{bmatrix}^T \begin{bmatrix} I_{xx} \\ I_{xy} \\ I_{tx} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} u \\ v \\ 1 \end{bmatrix}^T \begin{bmatrix} I_{txx} \\ I_{txy} \\ I_{ttx} \end{bmatrix} = 0 \quad (7d)$$

$$\begin{bmatrix} u_{ty} \\ v_{ty} \\ 0 \end{bmatrix}^T \begin{bmatrix} I_x \\ I_y \\ I_t \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} u_y \\ v_y \\ 0 \end{bmatrix}^T \begin{bmatrix} I_{ty} \\ I_{ty} \\ I_{tt} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} u_t \\ v_t \\ 0 \end{bmatrix}^T \begin{bmatrix} I_{xy} \\ I_{yy} \\ I_{ty} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} u \\ v \\ 1 \end{bmatrix}^T \begin{bmatrix} I_{txy} \\ I_{tyy} \\ I_{tty} \end{bmatrix} = 0 \quad (7e) \quad 40$$

$$\begin{bmatrix} u_{tt} \\ v_{tt} \\ 0 \end{bmatrix}^T \begin{bmatrix} I_x \\ I_y \\ I_t \end{bmatrix} + 2 \begin{bmatrix} u_t \\ v_t \\ 0 \end{bmatrix}^T \begin{bmatrix} I_{tx} \\ I_{ty} \\ I_{tt} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} u \\ v \\ 1 \end{bmatrix}^T \begin{bmatrix} I_{ttx} \\ I_{tty} \\ I_{ttt} \end{bmatrix} = 0 \quad (7f)$$

## 【0 0 4 1】

続いて、オプティカルフローの推定モデルについて説明する。本実施例では、オプティカルフロー方程式の拘束条件を一階非線形連立微分方程式として記述し、動的システムとして扱う。そして、動的システムの状態の可観測性の概念を使って、オプティカルフロー及びその空間勾配を同時に推定する推定原理及び推定可能条件を明らかにする。

## 【 0 0 4 2 】

動的システムとして扱う場合、テーラー展開の次数で制約方程式を選択するのではなく、推定に用いる空間勾配の次数、推定するオプティカルフローの時空間勾配によってシステムを記述するための制約式を選択すべきである。そこで、式(8)の輝度の2次までの空間勾配  $i$  を用いて、式(9)のオプティカルフローとその空間勾配  $m$  を推定する。

## 【 0 0 4 3 】

推定に用いない輝度の3次以上の空間勾配と、推定を行わないオプティカルフローの2次以上の空間勾配は、0と仮定する。さらに、オプティカルフローは時不変であると仮定する。すなわち、 $u_t = 0$  ,  $v_t = 0$  とする。この仮定は、オプティカルフローの空間勾配も時不変であることを意味する。

## 【 0 0 4 4 】

これらの仮定のもと、画像上のある点  $P(x_0, y_0)$  における輝度、オプティカルフロー及びその空間勾配を用いて、状態  $q(t)$  を式(10)と選ぶ。そして、これら変数の時間微分を記述する拘束式として式(4), (6a), (6b), (7a), (7b), (7c)を選ぶことで、オプティカルフローの推定モデルが式(11a)~(11d)のように得られる。ただし、 $E_{m \times n}$ ,  $O_{m \times n}$  は、それぞれ  $m \times n$  の単位行列、零行列を表す。なお、関数の引数  $x_0$ ,  $y_0$ ,  $t$  は適宜省略する。

## 【 0 0 4 5 】

## 【 数 4 】

$$i = \begin{bmatrix} I & I_x & I_y & I_{xx} & I_{xy} & I_{yy} \end{bmatrix}^T \quad (8) \quad 20$$

$$m = \begin{bmatrix} u & v & u_x & v_x & u_y & v_y \end{bmatrix}^T \quad (9)$$

$$q(t) = \begin{bmatrix} i(x_0, y_0, t) \\ m(x_0, y_0, t) \end{bmatrix} \quad (10)$$

$$\frac{d}{dt} q(t) = f(q(t)) \quad (11a)$$

$$z(t) = h(q(t)) \quad (11b)$$

$$f(q) = \begin{bmatrix} I_x u + I_y v \\ I_{xx} u + I_{xy} v + I_x u_x + I_y v_x \\ I_{xy} u + I_{yy} v + I_x u_y + I_y v_y \\ 2I_{xx} u_x + 2I_{xy} v_x \\ I_{xx} u_y + I_{xy} (v_y + u_x) + I_{yy} v_x \\ 2I_{xy} u_y + 2I_{yy} v_y \\ O_{6 \times 1} \end{bmatrix} \quad (11c) \quad 30$$

$$h(q) = \begin{bmatrix} E_{6 \times 6} & O_{6 \times 6} \end{bmatrix} q \quad (11d)$$

## 【 0 0 4 6 】

システムの可観測性とは、有限時間区間の出力の観測によって状態を一意に決定できるシステムの性質である。具体的には、式(12)の非線形微分方程式で表される動的システムを考える。ただし、状態  $q(t) \in \mathbb{R}^n$  , 出力  $z(t) \in \mathbb{R}^m$  である。このとき、非特許文献3を参照して、可観測性について定義し、補題1が成立する。

## 【 0 0 4 7 】

定義：システム(12)が与えられたとする。任意の初期時刻  $t_0$ 、初期状態  $q_0 = q(t_0)$  に対して有限の時刻  $t_1$  が存在し、観測出力  $z(t)$  ( $t_0 \leq t \leq t_1$ ) と初期状態が  $q_0$  の近傍にあるという知識から初期状態  $q(t_0)$  が一意に決定できるとき、システム(12)は状態  $q_0$  において可観測であるという。

## 【 0 0 4 8 】

補題1：以下の命題(i)、(ii)及び(iii)は等価である。

- (i) 与えられたシステム(12)は状態  $q_0$  において可観測である。  
(ii)  $q(t) = q_0$  において (実ベクトルの意味で)、式(13)である。  
(iii)  $q(t) = q_0$  において、式(14)である。

ただし、Lie微分は式(15)と、Lie微分の微分形式は式(16)と与えられる。

具体的な状態  $q$  は、式(17)の非線形連立代数方程式を  $q$  について解くことによって決定することができる。

【 0 0 4 9 】

【 数 5 】

$$\frac{d}{dt}q(t) = f(q(t)) \quad (12a) \quad 10$$

$$z(t) = h(q(t)) \quad (12b)$$

$$\text{span}\{dh, dL_f h, \dots, dL_f^{n-1} h\} = n \quad (13)$$

$$\text{rank} \begin{bmatrix} dh \\ dL_f h \\ \vdots \\ dL_f^{n-1} h \end{bmatrix} = n \quad (14)$$

$$L_f^0 h(q) = h(q), \quad L_f^k h(q) = \frac{\partial L_f^{k-1} h}{\partial q} f(q) \quad (k \geq 1) \quad (15) \quad 20$$

$$dL_f^k h(q) = \frac{\partial L_f^k h}{\partial q} \quad (k \geq 0) \quad (16)$$

$$\begin{bmatrix} \frac{dz}{dt} \\ \vdots \\ \frac{d^{k-1}z}{dt^{k-1}} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} h(q) \\ L_f h(q) \\ \vdots \\ L_f^{k-1} h(q) \end{bmatrix} \quad (17)$$

【 0 0 5 0 】

式(11)で定義される推定モデルの場合は、出力  $z(t)$  から式(10)の状態  $q(t)$  が一意に決定できることである。ここで、 $q(t)$  はオブティカルフロー  $[u \quad v]^T$  を含むので、可観測であればオブティカルフローが一意に決定できることを意味する。オブティカルフローの推定モデル(11)の非線形動的システムとしての可観測性は、Lie微分を用いて調べることができる。式(11d)よりLie微分の微分形式  $dh$  は式(18)である。微分形式  $dh$  が上記の構造を持つので、可観測性を調べるためには微分形式  $dL_f^k h$  ( $k=1, \dots, 11$ ) の第7~12列の列フルランク性を調べればよい。以下では、行列  $A$  の第7列以降に対応する部分行列を  $(A)_2$  で表す。

【 0 0 5 1 】

ここで、式(11)のシステムに対する式(16)を計算すると、式(19)となる。ただし、 $N$ 、 $J$ 、 $J_1$  は、それぞれ、式(20)、(21)、(22)である。これを用いて実際に微分形式のランクを計算すると、式(23)であるものの式(24)となり、一般の状態  $q(t)$  においてシステムは可観測となり、オブティカルフローとその空間勾配  $m$  が同時に推定可能である。

【 0 0 5 2 】

ただし、特別な状態 (例えば  $q(t) = 0_{12 \times 1}$ ) における可観測性は必ずしも保証されない。以下、可観測性が成立するために輝度、オブティカルフローが満たすべき条件について考察を与える。式(19)の右辺一つ目の行列が常に正則であることより、式(25)が成り立ち、 $[J^T \quad J_1^T]^T$  が列フルランクとなるために状態  $q(t)$  が満たすべき条件を明らかにすればよい。

【 0 0 5 3 】

30

40

50

定理 1 : 式(24)が満たされ式(11)のシステムが可観測となるための十分条件は、以下の (i)、(ii)の2つの条件のいずれかが成立することである。

(i) 輝度のヘッセ行列  $H$  が式(26)を満たし、さらに式(27a)、(27b)、(27c)のいずれかの付帯条件を満たすこと(ただし、 $\alpha$  は任意の定数)。

(ii) 輝度の1次の空間勾配とその時間微分が式(28)を満たすこと。

なお、定理1の(i)の3つの付帯条件が満たされない場合でも、オブティカルフロー  $[\begin{smallmatrix} u & v \end{smallmatrix}]^T$  の推定は可能である。

【0054】

定理1(i)の式(26)の条件は、画像の輝度のみから推定可能性が決まる条件で、従来から知られている輝度のヘッセ行列の正則性と等価である。一方、(ii)の式(28)の条件は、10 画像の輝度勾配の時間変化によって推定可能性が決まるものであり、これまで知られていない新しい条件である。この条件(28)が十分条件として加わることによって、従来法よりも推定可能条件が緩和され、推定可能な状況、つまり輝度とオブティカルフローの組み合わせが増える。

【0055】

さらに、この式(28)の条件の特筆すべき点として、輝度のヘッセ行列  $H$  が零行列であったとしても推定可能な場合がある。すなわち、式(29)は、式(28)の行列を具体的に書き下したものである。この行列は、 $H = 0$  であったとしても、式(30)の場合を除いて一般にランクは2となり、オブティカルフローの推定が行える。式(30)は単純な拡大縮小の場合のオブティカルフロー(特に、並進は  $\alpha = 0$ )を表しているので、単純拡大縮小以外の場合20 は、式(28)の条件によってもオブティカルフローが推定できることを示している。実際、後に数値実験により示すように、画像全体で  $H = 0$  であるような画像でも、ある点を中心として一定角速度で回転するような場合には、この推定モデルを用いるとオブティカルフローの推定が可能である。この事実は、従来の推定法(非特許文献5参照)では  $H = 0$  であっても  $\det(H) = 0$  となるだけで推定ができなくなるのとは大きく異なり、この推定モデルの頑健性を示しているといえる。

【0056】

【数6】

$$dh = [E_{6 \times 6} \quad O_{6 \times 6}] \tag{18}$$

$$\begin{bmatrix} (dL_f h)_2 \\ (dL_f^2 h)_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} E_{6 \times 6} & O_{6 \times 6} \\ N & E_{6 \times 6} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} J \\ J_t \end{bmatrix} \tag{19}$$

$$N = - \begin{bmatrix} 0 & u & v & 0 & 0 & 0 \\ 0 & u_x & v_x & u & v & 0 \\ 0 & u_y & v_y & 0 & u & v \\ 0 & 0 & 0 & 2u_x & 2v_x & 0 \\ 0 & 0 & 0 & u_y & v_y + u_x & v_x \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2u_y & 2v_y \end{bmatrix} \tag{20}$$

【0057】

10

20

30

40

【数 7】

$$J = - \begin{bmatrix} I_x & I_y & 0 & 0 & 0 & 0 \\ I_{xx} & I_{xy} & I_x & I_y & 0 & 0 \\ I_{xy} & I_{yy} & 0 & 0 & I_x & I_y \\ 0 & 0 & 2I_{xx} & 2I_{xy} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & I_{xy} & I_{yy} & I_{xx} & I_{xy} \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2I_{xy} & 2I_{yy} \end{bmatrix} \quad (21)$$

$$J_t = - \begin{bmatrix} I_{tx} & I_{ty} & 0 & 0 & 0 & 0 \\ I_{txx} & I_{txy} & I_{tx} & I_{ty} & 0 & 0 \\ I_{txy} & I_{tyy} & 0 & 0 & I_{tx} & I_{ty} \\ 0 & 0 & 2I_{txx} & 2I_{txy} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & I_{txy} & I_{tyy} & I_{txx} & I_{txy} \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2I_{txy} & 2I_{tyy} \end{bmatrix} \quad (22) \quad 10$$

$$\text{rank}(dL_f h)_2 = 5 \quad (23)$$

$$\text{rank} \begin{bmatrix} (dL_f h)_2 \\ (dL_f^2 h)_2 \end{bmatrix} = 6 \quad (24) \quad 20$$

$$\text{rank} \begin{bmatrix} (dL_f h)_2 \\ (dL_f^2 h)_2 \end{bmatrix} = \text{rank} \begin{bmatrix} J \\ J_t \end{bmatrix} \quad (25)$$

$$\text{rank} \begin{bmatrix} I_{xx} & I_{xy} \\ I_{xy} & I_{yy} \end{bmatrix} = 2 \quad (26)$$

$$\begin{bmatrix} u \\ v \end{bmatrix} \neq O_{2 \times 1} \quad (27a)$$

$$\begin{bmatrix} u_x & u_y \\ v_x & v_y \end{bmatrix} \neq \alpha E_{2 \times 2} \quad (27b) \quad 30$$

$$\begin{bmatrix} u_x & u_y \\ v_x & v_y \end{bmatrix} \neq O_{2 \times 2}, \text{かつ} \begin{bmatrix} I_x \\ I_y \end{bmatrix} \neq O_{2 \times 1} \quad (27c)$$

$$\text{rank} \begin{bmatrix} I_x & I_y \\ I_{tx} & I_{ty} \end{bmatrix} = 2 \quad (28)$$

$$\begin{bmatrix} I_x & I_y \\ -(I_{xx}u + I_{xy}v + I_x u_x + I_y v_x) & -(I_{xy}u + I_{yy}v + I_x u_y + I_y v_y) \end{bmatrix} \quad (29)$$

$$\begin{bmatrix} u_x & u_y \\ v_x & v_y \end{bmatrix} = \alpha E_{2 \times 2} \quad (30) \quad 40$$

【0058】

さらに、輝度の時空間勾配からオプティカルフローとその空間勾配を求める具体的な計算式を示す。微分形式が列フルランクになるために必要な微分が2回であったことから、瞬時的に推定を行うためには、観測量  $z(t)$  の時間に関する2階微分までの情報が必要となる。自明に決定できる  $z(t)$  を除き、 $(d/dt)z(t)$ 、 $(d^2/dt^2)z(t)$  について式(17)を具体的に書き下すと式(31)となる。なお、式(31)は、請求項の(eq2)に対応する。ここで、式(21)、(22)で定義される行列  $J$ 、 $J_t$  の要素はすべて輝度の時空間勾配であり、観測量  $z(t)$  から求めることが可能である。したがって、式(31)の方程式は、推定す

べき変数に関して線形方程式となっている。この過制約の線形方程式を、例えば最小二乗法などによって解くことによって、オプティカルフローだけでなく、その空間勾配の瞬時推定も可能である。

【0059】

また、実装の際に必要とされる画像データは、輝度の2次の空間勾配を計算する必要があるため、各時刻において3画素×3画素以上必要である。さらに、輝度の空間勾配の時間に関する2次微分まで必要であるため、時系列方向に3枚以上の画像が必要である。つまり、式(25)に従ってオプティカルフローとその空間勾配を推定するために必要とされる画像サイズは、少なくとも3画素(x方向)×3画素(y方向)×3(t方向)である。

【0060】

図2を参照して、実際の計算手法の一例を説明する。時刻 $t$ 、座標 $(x, y)$ における輝度を $I(x, y, t)$ とし、時刻 $t_0$ における注目点 $(x_0, y_0)$ におけるオプティカルフロー $[u \ v]^T$ とその空間勾配を求める。

10

【0061】

まず、撮像部3が、3画素以上×3画素以上の画像を、時間を異にして3枚以上撮影して撮像画像とし(ステップST1)、量子化部7が撮像画像上の各点について、時間又は/及び輝度の量子化を行って計測画像とし(ステップST2)、平滑化部11が計測画像に平滑化を行い平滑化画像とする(ステップST3)。ここで、具体的に説明するために、用いるデータは、 $I(x, y, t)$ のうち、 $x$ が $x_0 - 1$ 、 $x_0$ 、 $x_0 + 1$ 、 $y$ が $y_0 - 1$ 、 $y_0$ 、 $y_0 + 1$ 、 $t$ が $t_0 - 2$ 、 $t_0 - 1$ 、 $t_0$ を組み合わせた27画素の輝度であるとする。

20

【0062】

まず、輝度勾配演算部21は、輝度勾配を求める(ステップST4)。計算で求めたデータは、輝度自体も得られたデータから一番確からしい値に修正するため、観測データと区別するため $G$ と表す。これが、式(32)である。なお、式(32a)、(32b)、(32c)、(32d)、(32e)、(32f)については $t = t_0 - 2$ 、 $t_0 - 1$ 、 $t_0$ である。

【0063】

次に、時間勾配演算部23は、このデータから時間勾配を求める(ステップST5)。これが、式(33)である。なお、式(33a)、(33b)、(33c)、(33g)、(33h)、(33i)については $t = t_0 - 1$ 、 $t_0$ である。そして、方程式演算部25は、オプティカルフローとその空間勾配を式(34)の連立方程式を解くことにより求める(ステップST6)。画像処理装置13は、求めたオプティカルフロー及びその空間勾配を、オプティカルフロー記憶部15に保存する(ステップST7)。

30

【0064】

## 【数 8】

$$\begin{bmatrix} \frac{d}{dt} z(t) \\ \frac{d^2}{dt^2} z(t) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} J \\ J_t \end{bmatrix} m \quad (31)$$

$$\begin{aligned} G(x_0, y_0, t) = & (-I(x_0 - 1, y_0 - 1, t) \times 1 + I(x_0 - 1, y_0, t) \times 2 - I(x_0 - 1, y_0 + 1, t) \times 1 \\ & + I(x_0, y_0 - 1, t) \times 2 + I(x_0, y_0, t) \times 5 + I(x_0, y_0 + 1, t) \times 2 \\ & - I(x_0 + 1, y_0 - 1, t) \times 1 + I(x_0 + 1, y_0, t) \times 2 - I(x_0 + 1, y_0 + 1, t) \times 1) / 9 \end{aligned} \quad (32a)$$

$$\begin{aligned} G_x(x_0, y_0, t) = & (-I(x_0 - 1, y_0 - 1, t) - I(x_0 - 1, y_0, t) - I(x_0 - 1, y_0 + 1, t) \\ & + I(x_0 + 1, y_0 - 1, t) + I(x_0 + 1, y_0, t) + I(x_0 + 1, y_0 + 1, t)) / 6 \end{aligned} \quad (32b)$$

$$\begin{aligned} G_y(x_0, y_0, t) = & (-I(x_0 - 1, y_0 - 1, t) - I(x_0, y_0 - 1, t) - I(x_0 + 1, y_0 - 1, t) \\ & + I(x_0 - 1, y_0 + 1, t) + I(x_0, y_0 + 1, t) + I(x_0 + 1, y_0 + 1, t)) / 6 \end{aligned} \quad (32c)$$

$$\begin{aligned} G_{xx}(x_0, y_0, t) = & (+I(x_0 - 1, y_0 - 1, t) + I(x_0 - 1, y_0, t) + I(x_0 - 1, y_0 + 1, t) \\ & + (I(x_0, y_0 - 1, t) + I(x_0, y_0, t) + I(x_0, y_0 + 1, t)) \times (-2) \\ & + I(x_0 + 1, y_0 - 1, t) + I(x_0 + 1, y_0, t) + I(x_0 + 1, y_0 + 1, t)) / 3 \end{aligned} \quad (32d)$$

$$\begin{aligned} G_{yy}(x_0, y_0, t) = & (+I(x_0 - 1, y_0 - 1, t) + I(x_0, y_0 - 1, t) + I(x_0 + 1, y_0 - 1, t) \\ & + (I(x_0 - 1, y_0, t) + I(x_0, y_0, t) + I(x_0 + 1, y_0, t)) \times (-2) \\ & + I(x_0 - 1, y_0 + 1, t) + I(x_0, y_0 + 1, t) + I(x_0 + 1, y_0 + 1, t)) / 3 \end{aligned} \quad (32e)$$

$$\begin{aligned} G_{xy}(x_0, y_0, t) = & (+I(x_0 - 1, y_0 - 1, t) - I(x_0 - 1, y_0 + 1, t) \\ & - I(x_0 + 1, y_0 - 1, t) + I(x_0 + 1, y_0 + 1, t)) / 4 \end{aligned} \quad (32f)$$

$$G_t(x_0, y_0, t) = G(x_0, y_0, t) - G(x_0, y_0, t - 1) \quad (33a)$$

$$G_{tx}(x_0, y_0, t) = G_x(x_0, y_0, t) - G_x(x_0, y_0, t - 1) \quad (33b)$$

$$G_{ty}(x_0, y_0, t) = G_y(x_0, y_0, t) - G_y(x_0, y_0, t - 1) \quad (33c)$$

$$G_{tt}(x_0, y_0, t) = G_t(x_0, y_0, t) - G_t(x_0, y_0, t - 1) \quad (33d)$$

$$G_{ttx}(x_0, y_0, t) = G_{tx}(x_0, y_0, t) - G_{tx}(x_0, y_0, t - 1) \quad (33e)$$

$$G_{tty}(x_0, y_0, t) = G_{ty}(x_0, y_0, t) - G_{ty}(x_0, y_0, t - 1) \quad (33f)$$

$$G_{ttxx}(x_0, y_0, t) = G_{xx}(x_0, y_0, t) - G_{xx}(x_0, y_0, t - 1) \quad (33g)$$

$$G_{ttxy}(x_0, y_0, t) = G_{xy}(x_0, y_0, t) - G_{xy}(x_0, y_0, t - 1) \quad (33h)$$

$$G_{ttyy}(x_0, y_0, t) = G_{yy}(x_0, y_0, t) - G_{yy}(x_0, y_0, t - 1) \quad (33i)$$

$$G_{ttxx}(x_0, y_0, t) = G_{xx}(x_0, y_0, t) - G_{xx}(x_0, y_0, t - 1) \quad (33j)$$

$$G_{ttxy}(x_0, y_0, t) = G_{xy}(x_0, y_0, t) - G_{xy}(x_0, y_0, t - 1) \quad (33k)$$

$$G_{ttyy}(x_0, y_0, t) = G_{yy}(x_0, y_0, t) - G_{yy}(x_0, y_0, t - 1) \quad (33l)$$

## 【 0 0 6 5 】

10

20

30

40

【数 9】

$$\begin{bmatrix} G_t \\ G_{tx} \\ G_{ty} \\ G_{txx} \\ G_{txy} \\ G_{tyy} \\ G_{tt} \\ G_{txx} \\ G_{txy} \\ G_{txx} \\ G_{txy} \\ G_{txy} \end{bmatrix} = - \begin{bmatrix} G_x & G_y & 0 & 0 & 0 & 0 \\ G_{xx} & G_{xy} & G_x & G_y & 0 & 0 \\ G_{xy} & G_{yy} & 0 & 0 & G_x & G_y \\ 0 & 0 & 2G_{xx} & 2G_{xy} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & G_{xy} & G_{yy} & G_{xx} & G_{xy} \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2G_{xy} & 2G_{yy} \\ G_{tx} & G_{ty} & 0 & 0 & 0 & 0 \\ G_{txx} & G_{txy} & G_{tx} & G_{ty} & 0 & 0 \\ G_{txy} & G_{tyy} & 0 & 0 & G_{tx} & G_{ty} \\ 0 & 0 & 2G_{txx} & 2G_{txy} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & G_{txy} & G_{tyy} & G_{txx} & G_{txy} \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2G_{txy} & 2G_{tyy} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} u \\ v \\ u_x \\ v_x \\ u_y \\ v_y \end{bmatrix} \quad (34)$$

10

【0066】

なお、代表的な仮定としては、時不変性の仮定以外に、並進性の仮定（すなわち、式(35)が成立するとの仮定）がある。提案したものは、時不変性は仮定し、並進性は仮定しないものである。そこで、これらの各仮定をした場合としない場合の組み合わせについて、提案のものと比較する。

20

【0067】

まず、時不変性の仮定だけでなく、並進性も仮定した場合に対して提案したものと比較した場合、提案したものは、定理1において説明したように、推定可能条件が緩和され、推定可能な状況、つまり輝度とオプティカルフローの組み合わせが増える。

【0068】

次に、時不変性の仮定をせず、並進性の仮定をした場合について検討する。この推定モデルは、比較的時変動の大きなオプティカルフローの推定に適したものと見える。

【0069】

画像上のある点  $P(x_0, y_0)$  における輝度、オプティカルフロー及びその空間勾配を用いて、状態  $q(t)$  を式(36)として、オプティカルフローの推定モデルを式(37)のようにおく。オプティカルフローの推定モデル(36)の非線形システムとしての可観測性を調べると、推定モデル(37)が可観測となるための必要十分条件は式(38)となる。また、微分形式がフルランクになるために必要な微分が2回であったことから、瞬時的に推定を行うためには、観測量  $z(t)$  の時間に関する2階微分までの情報が必要である。これまでの推定モデルと同様に推定するための代数方程式を求めると式(39)となる。この（過制約の）線形方程式を解くことによって（誤差や雑音の影響を無視すれば）瞬時推定を行うことが可能である。オプティカルフロー  $[u \ v]^T$  だけであれば、上式の第1～3行目の線形方程式を解くことでも推定が行えるが、第4行目の制約式によって  $[u_t \ v_t]^T$  の情報を  $[u \ v]^T$  の推定に反映させることができる。一方、この推定モデルの可観測性条件(38)は、従来の可観測性条件よりも厳しい条件である。これは時不変性の仮定を設けなかったことの代償である。さらに、一般に推定モデルの状態数の増加は推定精度の劣化、計算時間の増加に結びつくので、この推定モデルが従来の推定モデルより有効であるかどうかについては注意が必要である。

30

40

【0070】

なお、時不変性の仮定と並進性の仮定のいずれか一方のみを仮定した発明は、次のように特定される。すなわち、物体を撮像した撮像画像を画像解析処理して前記物体の運動を推定する物体運動推定装置において、前記物体が撮像された少なくとも3枚の撮像画像に対し、時間に関して2階微分した情報を用いてオプティカルフローという情報を画像解析処理して推定する画像解析処理手段を備えた、物体運動装置、である。なお、時不変性と

50



並進性を共に仮定したものは1階微分した情報を用い、時不変性と並進性を共に仮定しないものは3階微分した情報を用いる。

【0071】

次に、時不変性も並進性も仮定しない、最も一般的な推定モデルでは、オブティカルフローが時不変かつ単純拡大・縮小という基本的な状況で推定モデルが輝度Iによらず不可観測になる。他の推定モデルでは、輝度に対して可観測であるための制約が課されていた。これに対して、この推定モデルは、輝度に関わらずオブティカルフローの時空間勾配に対して条件が課される点で大きく異なる。実質的にこの推定モデルでは、オブティカルフローの推定ができないことを意味している。

【0072】

このように、時不変性を仮定しない推定モデルは、時不変性を仮定しないモデルに比べ可観測となるための条件が厳しく、実画像への適用には注意が必要である。

【0073】

【数10】

$$\begin{bmatrix} u_x & u_y \\ v_x & v_y \end{bmatrix} = O \quad (35)$$

$$q(t) = [I \quad I_x \quad I_y \quad I_{xx} \quad I_{xy} \quad I_{yy} \quad I_t \quad u \quad v \quad u_t \quad v_t]^T \quad (36)$$

$$\frac{d}{dt} q(t) = f(q(t)) \quad (37a) \quad 20$$

$$z(t) = h(q(t)) \quad (37b)$$

$$f(q) = \begin{bmatrix} I_t \\ - (I_{xx}u + I_{xy}v) \\ - (I_{xy}u + I_{yy}v) \\ O_{3 \times 1} \\ \left\{ \begin{array}{l} (I_{xx}u + I_{xy}v)u + (I_{xy}u + I_{yy}v)v \\ - (I_x u_t + I_y v_t) \\ u_t \\ v_t \\ O_{2 \times 1} \end{array} \right\} \end{bmatrix} \quad (37c)$$

$$h(q) = [E_{6 \times 6} \quad O_{6 \times 5}]q \quad (37d)$$

$$\text{rank} \begin{bmatrix} I_{xx} & I_{xy} \\ I_{xy} & I_{yy} \end{bmatrix} = 2 \quad (38)$$

$$\begin{bmatrix} I_t \\ I_{tx} \\ I_{ty} \\ I_{tt} \\ I_{ttx} \\ I_{tty} \end{bmatrix} = - \begin{bmatrix} I_x & I_y & 0 & 0 \\ I_{xx} & I_{xy} & 0 & 0 \\ I_{xy} & I_{yy} & 0 & 0 \\ I_{tx} & I_{ty} & I_x & I_y \\ 0 & 0 & I_{xx} & I_{xy} \\ 0 & 0 & I_{xy} & I_{yy} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} u \\ v \\ u_t \\ v_t \end{bmatrix} \quad (39) \quad 40$$

【0074】

続いて、カルマンフィルタによる推定について説明する。瞬時推定では、輝度の時空間微分の陽な計算が必要であり、画像情報からこれらの情報を得るためには差分演算が不可避であった。この差分演算は外乱に弱く、オブティカルフローの推定の信頼性に大きく影響する。

【0075】

10

20

30

40

50

一方、カルマンフィルタは、雑音が加わる動的システムの出力の時系列データから逐次的にシステムの状態を推定する。カルマンフィルタによる推定は、時間解像度は犠牲にするものの、時間微分の陽な計算は不要となり、式(31)の線形方程式を解く際の逆行列計算も不要となり、外乱に強く精度の高い推定が可能となる。

【0076】

オプティカルフローの推定にカルマンフィルタを用い推定精度の向上を試みることは既に行われている（非特許文献7など参照）。しかし、これらの手法は、あくまでも瞬時的な方法に基づいて求めたオプティカルフローの推定値に、時間方向の滑らかさを要請するためにカルマンフィルタを用いているだけであり、式(31)の線形方程式を解くという意味で本質的には瞬時的な推定方法となんら変わらない。

10

【0077】

そこで、提案した推定モデル(11)にカルマンフィルタを適用し、オプティカルフローを推定する方法について説明する。

【0078】

まず、空間勾配を用いない推定モデルについて説明する。カルマンフィルタの特徴は、時間微分を用いる必要がないことである。一方、提案した推定モデルの観測量は、輝度の空間微分を含んでいる。そのため、これらの推定モデルをそのまま用いては、空間微分の計算は不可欠である。

【0079】

そこで、推定モデルの観測方程式を修正し、カルマンフィルタによる逐次推定において空間微分の計算を不要となる推定モデルを提案する。具体的には、観測量として注目点  $P(x_0, y_0)$  の空間勾配の代わりに、注目点  $P(x_0, y_0)$  の空間近傍の輝度  $I$  を用いることを考え、新たな観測量  $\tilde{z}(t)$  として、式(40)という、注目点  $P(x_0, y_0)$  の  $3 \times 3$  近傍の輝度を考える。

20

【0080】

近傍点の輝度  $I(x_0 + \Delta x, y_0 + \Delta y)$  ( $\Delta x, \Delta y > 0$ ) は式(41)と近似できるので、 $\tilde{z}(t)$  は式(42)のように近似できる。ただし、 $n$  は状態  $q$  の次数（又は要素数）である。ここで、式(42b)の行列  $\tilde{H}$  のランクが常に6であり、式(43)によって  $\tilde{z}(t)$  から  $z(t)$  が復元できる。このことから、システムの可観測性が維持されることが示せる。このことより、空間勾配の代わりに近傍点の輝度情報を観測量とすることでカルマンフィルタが構成できる。

30

【0081】

なお、ここでは簡単のため  $3 \times 3$  近傍を考えたが、一般の  $k \times l$  近傍（ただし、 $3 \times 3$  以上）や矩形以外の近傍に対しても式(42b)の  $\tilde{H}$  は簡単に計算でき、そのランクが6であればカルマンフィルタが構成できる。

【0082】

【数 1 1】

$$\tilde{z}(t) = \begin{bmatrix} I(x_0 - \Delta x, y_0 - \Delta y, t) \\ I(x_0 - \Delta x, y_0, t) \\ I(x_0 - \Delta x, y_0 + \Delta y, t) \\ I(x_0, y_0 - \Delta y, t) \\ I(x_0, y_0, t) \\ I(x_0, y_0 + \Delta y, t) \\ I(x_0 + \Delta x, y_0 - \Delta y, t) \\ I(x_0 + \Delta x, y_0, t) \\ I(x_0 + \Delta x, y_0 + \Delta y, t) \end{bmatrix} \quad (40)$$

10

$$I = I + I_x \Delta x + I_y \Delta y + \frac{1}{2} I_{xx} \Delta x^2 + I_{xy} \Delta x \Delta y + \frac{1}{2} I_{yy} \Delta y^2 \quad (41)$$

$$\tilde{z} = \tilde{H}q(t) \quad (42a)$$

$$\tilde{H} = \begin{bmatrix} 1 & -\Delta x & -\Delta y & \frac{\Delta x^2}{2} & \Delta x \Delta y & \frac{\Delta y^2}{2} \\ 1 & -\Delta x & 0 & \frac{\Delta x^2}{2} & 0 & 0 \\ 1 & -\Delta x & \Delta y & \frac{\Delta x^2}{2} & -\Delta x \Delta y & \frac{\Delta y^2}{2} \\ 1 & 0 & -\Delta y & 0 & 0 & \frac{\Delta y^2}{2} \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & \Delta y & 0 & 0 & \frac{\Delta y^2}{2} \\ 1 & \Delta x & -\Delta y & \frac{\Delta x^2}{2} & -\Delta x \Delta y & \frac{\Delta y^2}{2} \\ 1 & \Delta x & 0 & \frac{\Delta x^2}{2} & 0 & 0 \\ 1 & \Delta x & \Delta y & \frac{\Delta x^2}{2} & \Delta x \Delta y & \frac{\Delta y^2}{2} \end{bmatrix} O_{9 \times (n-6)} \quad (42b)$$

20

$$z(t) = \frac{1}{36} \text{diag} \left\{ 1, \frac{1}{\Delta x}, \frac{1}{\Delta y}, \frac{1}{\Delta x^2}, \frac{1}{\Delta x \Delta y}, \frac{1}{\Delta y^2} \right\} \begin{bmatrix} -4 & 8 & -4 & 8 & 20 & 8 & -4 & 8 & -4 \\ -6 & -6 & -6 & 0 & 0 & 0 & 6 & 6 & 6 \\ -6 & 0 & 6 & -6 & 0 & 6 & -6 & 0 & 6 \\ 12 & 12 & 12 & -24 & -24 & -24 & 12 & 12 & 12 \\ 9 & 0 & -9 & 0 & 0 & 0 & -9 & 0 & 9 \\ 12 & -24 & 12 & 12 & -24 & 12 & 12 & -24 & 12 \end{bmatrix} \tilde{z}(t) \quad (43)$$

30

【0083】

次に、図1の画像解析処理部13の状態推定処理部27による、カルマンフィルタを用いた推定処理について説明する。雑音を付加した式(44)のモデルを考える。ただし、 $f(q)$ 、 $\tilde{H}$ は式(11c)、(42b)で与えられ、システム雑音 $u(t)$ 、観測雑音 $w(t)$ は、それぞれ共分散行列が $Q$ 、 $R$ のガウス雑音と仮定する。この枠組みにおいて、カルマンフィルタによる逐次推定を行えばオプティカルフローの推定が行える。

40

【0084】

オプティカルフローの推定モデルは非線形システムであり、その非線形性も強い。そこで、非線形性を線形近似する拡張カルマンフィルタではなく、推定値の共分散を近似する無香料カルマンフィルタ (unscented Kalman filter) (非特許文献2参照)を用いて状態推定を行い、オプティカルフローを推定することを提案する。無香料カルマンフィルタの特徴として、システム外乱を状態に含めて推定を行うことにより、推定精度を向上させることができること (非特許文献6参照)、時間方向の離散化において、ルンゲ・クッタ法などの高次の積分公式を用いることが可能で、これによっても推定精度を向上させることができることが挙げられる。これらは推定に必要な計算時間とのトレードオフになるが、システム外乱を状態に含めたモデルを採用し、数値積分公式は非線形性を考慮して2

50

次以上の積分公式を用いるべきである。

【 0 0 8 5 】

【 数 1 2 】

$$\frac{d}{dt}q(t) = f(q(t)) + u(t) \quad (44a)$$

$$\tilde{z}(t) = \tilde{H}q(t) + w(t) \quad (44b)$$

【 0 0 8 6 】

以上をまとめると、本実施例では、輝度不変の仮定と局所的な輝度情報からのみによる  
 オプティカルフロー推定可能性を動的システムの可観測性の立場から示した。オプティカ  
 ルフローに対する並進性の仮定を緩めるために、輝度不変の拘束式の拡張を行った。導出  
 した拘束式は、画像上の注目点の近傍において輝度不変であるための条件式をテーラー展  
 開し、その各項の係数が0となるための条件である。そのように解釈すると、従来の輝度  
 不変の拘束式はテーラー展開の0次の項に相当することが分かる。

10

【 0 0 8 7 】

さらに、本実施例では、オプティカルフローに対する並進性の仮定を緩めるだけでなく  
 、オプティカルフローとその空間勾配を同時に推定するという立場から、動的システムと  
 しての推定モデルを提案した。そして、動的システムの可観測性の立場から、推定可能性  
 に対して考察を行い、輝度のヘッセ行列が零行列であってもオプティカルフローとその空  
 間勾配の推定が行える場合があることを示した。

20

【 0 0 8 8 】

また、ヘッセ行列などの逆行列計算や、時空間勾配の陽な計算を排除するために、推定  
 モデルの出力方程式を修正し、カルマンフィルタを用いた数値的に安定な推定法を提案し  
 た。

【 0 0 8 9 】

なお、カルマンフィルタは一例であり、他の逐次推定手法を用いてもよい。

【 0 0 9 0 】

また、例えば、テーラー展開のより高次の項まで用いた条件式に基づく推定モデルを導  
 出したり、オプティカルフローの時変性へ対応したりするようにしてもよい。

30

【 実施例 2 】

【 0 0 9 1 】

本実施例では、具体的な例を通して、提案した推定モデルの有効性を示す。

【 0 0 9 2 】

元画像の輝度  $I(x, y, t)$  を式(45)のように与える。この元画像は、輝度の空間勾配が平  
 坦な（ヘッセ行列が零行列の）画像を、点(0,0)を中心に一定角速度（ $\omega$ ）で回転さ  
 せたものである。この元画像の座標  $(x, y)$  におけるオプティカルフロー及びその空間勾配  
 は、時不変性の仮定の元では一意に決まり、式(46)である。一方、輝度の時空間勾配は式  
 (47)であり、輝度のヘッセ行列が零行列となるので、従来の局所推定法ではオプティカル  
 フローの推定は行えない。

40

【 0 0 9 3 】

## 【数 1 3】

$$I(x, y, t) = \beta(x \cos \omega t + y \sin \omega t) + I_0 \quad (45)$$

$$\begin{bmatrix} u(x, y, t) \\ v(x, y, t) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -y\omega \\ x\omega \end{bmatrix} \quad (46a)$$

$$\begin{bmatrix} u_x(x, y, t) & u_y(x, y, t) \\ v_x(x, y, t) & v_y(x, y, t) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & -\omega \\ \omega & 0 \end{bmatrix} \quad (46b)$$

$$I_t(x, y, t) = \beta\omega(-x \sin \omega t + y \cos \omega t) \quad (47a)$$

$$\begin{bmatrix} I_x(x, y, t) \\ I_y(x, y, t) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \beta \cos \omega t \\ \beta \sin \omega t \end{bmatrix} \quad (47b)$$

$$\begin{bmatrix} I_{xx}(x, y, t) & I_{xy}(x, y, t) \\ I_{xy}(x, y, t) & I_{yy}(x, y, t) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} \quad (47c)$$

## 【0094】

次に、理論計算について説明する。ここでは、式(45)の元画像の輝度及びその空間勾配から、オプティカルフローが理論的に計算可能かどうかを検討する。

## 【0095】

まず、Hornら(1981)の大域法を適用する。Hornら(1981)では、ある領域Dについて式(48)を最小化する。ただし、 $\lambda > 0$ は平滑化の強さを調整するパラメータである。領域  $D = \{(x, y) | -a \leq x \leq a, -b \leq y \leq b\}$  ( $a, b > 0$ )、時刻は一般性を失わず  $t = 0$  を考える。式(47a)、(47b)より、 $t = 0$ で上記の評価関数は式(49)となり、 $u$ 、 $v$ の選び方に関わらず  $v_x = v_y = 0$ 、つまり、 $v = \text{const.}$ が解となる。このことは、 $v(x, y, 0)$ が一意に決定できないこと、決定したとしても真値(46)とは異なることを意味する。また、 $u(x, y, 0)$ についても、領域Dが仮定のように矩形の場合は  $u_x = 0$ となるような  $u$ のうち式(50)を最小化するものを選べばよい。変分法を用いて解くと式(51)が最小解となる。この  $u(x, y, 0)$ は滑らかさの重み  $\lambda$ が  $0$ で真値に一致するものの、 $\lambda > 0$ である限りはやはり真値とは一致しない。以上より、この数値例ではHornら(1981)の大域法を用いてもオプティカルフローが一意に定められないこと、定められたとしても真値とは一致しないことがわかる。

## 【0096】

一方、提案した推定モデルの瞬時推定式(31)は、式(47c)に注意すると式(52)となる。ここで、両辺とも  $0$ となる自明な方程式は除くとともに、方程式の順番を入れ替えている。上式は3組の2次元線形連立代数方程式となり、式(47a)、(47b)を代入することで式(53)の3つの式と等価になる。いずれの式も  $t$ によらず常に一意に解が定まり、式(46)の理論値と一致する。この事実は、大域法に対する提案した推定モデルの優位性を示している。

## 【0097】

次に、数値計算について説明する。ここでは、式(45)の元画像のパラメータを  $\beta = 0.2$ 、 $\omega = 1/100$ 、 $I_0 = 128$ とし、時空間及び輝度の量子化を行った計測画像に対して提案手法を適用し、その有効性を示す。

## 【0098】

具体的には、図1の量子化部7が、式(45)で与えられる元画像を撮像画像として、 $t$ が整数の時刻において  $(x, y)$ が整数の点で小数点以下を切り捨てて量子化を行い、これを計測画像とする。そして、図1の平滑化部11が、計測画像の各時刻において、 $\sigma = 3$ のガウスフィルタを用いて平滑化を行う。画像解析処理部15は、この平滑化画像の輝度情報を用いてオプティカルフローの推定を行う。

## 【0099】

まず、提案した推定モデルを用いて瞬時推定を行った結果を示す。図3は、座標(60, 80)におけるオプティカルフロー  $[u \quad v]^T$ の推定値を400フレーム(2回転)分示してい

10

20

30

40

50

る。量子化誤差の影響で推定値に大きな誤差が加わっており、推定がうまくできているとは言い難い。これは元画像が非常に特徴の少ない画像であるため、量子化誤差程度でも逆行列計算に大きく影響するためと考えられる。

【 0 1 0 0 】

次に、量子化誤差に対応するため、カルマンフィルタを用いて推定を行った結果を示す。推定は提案した推定モデルである式(11)に、式(42)による出力方程式の修正を施したモデルを用いる。このモデルに対して雑音が印可された式(44)を考え、無香料カルマンフィルタを用いて推定を行う。ただし、式(44)における雑音の共分散行列はそれぞれ式(54)、式(55)とし、カルマンフィルタで用いる状態の推定値の初期値はすべて0としている。また、オプティカルフローのモデルの数値積分は古典的ルンゲ・クッタの4次の公式を用い、かつ無香料カルマンフィルタのモデルとしては、状態にシステム雑音を含め拡張した推定モデル（非特許文献6参照）で実験を行った。

10

【 0 1 0 1 】

図4は、座標(60, 80)におけるオプティカルフロー  $[u \ v]^T$  とその空間勾配  $u_x$ 、 $u_y$ 、 $v_x$ 、 $v_y$  の推定値を400フレーム（2回転）分示している。初期値が大きくずれているため収束まで時間がかかっているものの、精度良く推定できていることが分かる。また、オプティカルフローの空間勾配も同時に推定できていることが確認できる。これより、提案した推定モデル及びカルマンフィルタを用いた推定法の有効性を示すことができた。

【 0 1 0 2 】

【 数 1 4 】

20

$$\iint_D \left\{ \gamma^2 (u_x^2 + u_y^2 + v_x^2 + v_y^2) + (I_x u + I_y v + I_t)^2 \right\} dx dy \quad (48)$$

$$\iint_D \left\{ \gamma^2 (u_x^2 + u_y^2 + v_x^2 + v_y^2) + \beta^2 (u + y\omega)^2 \right\} dx dy \quad (49)$$

$$\int_{-a}^a \left\{ \gamma^2 u_y^2 + \beta^2 (u + y\omega)^2 \right\} dy \quad (50)$$

$$u(x, y, 0) = -\omega y + \frac{\gamma\omega}{\beta \cosh \frac{\beta a}{\gamma}} \sinh \frac{\beta y}{\gamma} \quad (51)$$

$$\begin{bmatrix} I_t \\ I_{tt} \\ I_{tx} \\ I_{txx} \\ I_{ty} \\ I_{tyy} \end{bmatrix} = - \begin{bmatrix} I_x & I_y & 0 & 0 & 0 & 0 \\ I_{tx} & I_{ty} & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & I_x & I_y & 0 & 0 \\ 0 & 0 & I_{tx} & I_{ty} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & I_x & I_y \\ 0 & 0 & 0 & 0 & I_{tx} & I_{ty} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} u \\ v \\ u_x \\ v_x \\ u_y \\ v_y \end{bmatrix} \quad (52)$$

30

$$\begin{bmatrix} \beta\omega(-x \sin \omega t + y \cos \omega t) \\ \beta\omega^2(-x \cos \omega t - y \sin \omega t) \end{bmatrix} = - \begin{bmatrix} \beta \cos \omega t & \beta \sin \omega t \\ -\beta\omega \sin \omega t & \beta\omega \cos \omega t \end{bmatrix} \begin{bmatrix} u \\ v \end{bmatrix} \quad (53a)$$

$$\begin{bmatrix} -\beta\omega \sin \omega t \\ -\beta\omega^2 \cos \omega t \end{bmatrix} = - \begin{bmatrix} \beta \cos \omega t & \beta \sin \omega t \\ -\beta\omega \sin \omega t & \beta\omega \cos \omega t \end{bmatrix} \begin{bmatrix} u_x \\ v_x \end{bmatrix} \quad (53b) \quad 40$$

$$\begin{bmatrix} \beta\omega \cos \omega t \\ -\beta\omega^2 \sin \omega t \end{bmatrix} = - \begin{bmatrix} \beta \cos \omega t & \beta \sin \omega t \\ -\beta\omega \sin \omega t & \beta\omega \cos \omega t \end{bmatrix} \begin{bmatrix} u_y \\ v_y \end{bmatrix} \quad (53c)$$

$$Q = \text{diag} \{ 10^{-1}, 10^{-3}, 10^{-3}, 10^{-5}, 10^{-5}, 10^{-5}, 10^{-1}, 10^{-1}, 10^{-3}, 10^{-3}, 10^{-3}, 10^{-3} \} \quad (54)$$

$$R = 10^{-3} E_{9 \times 9} \quad (55)$$

【 産業上の利用可能性 】

【 0 1 0 3 】

オプティカルフローは、画像による物体の運動計測に用いることができる汎用性の高い

50

技術である。具体的には、例えば、自動車の車載カメラによる移動体の運動計測がある。車載カメラは、基本的に進行方向に向けられるので光軸に沿った動きが避けられない。また、ドライブレコーダのような広角画像では、画像の歪みによる拡大が避けられない。本願発明によれば、このような場合にも高精度でオプティカルフローが計算できる。さらに、移動体の一般的な検出も可能であり、例えば、車載カメラによる飛び出しや追い越し車両の警告、建物における侵入者検出、運動するカメラの座標補正なども可能である。

【0104】

また、既に組みあがってしまった回転機械の回転速度を、回転軸に何かを設置することなく測定することもできる。従来、角速度センサは回転軸に取り付けるものが主流である。本願発明によれば、必ずしも回転中心を含まない回転体の時系列画像から回転角速度及び回転の中心までの距離を計測することが可能になる。

10

【0105】

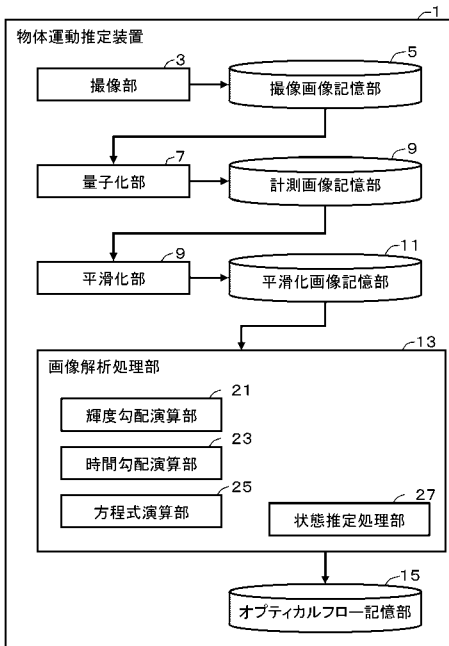
さらに、同様に物体の運動の並進性が仮定できない、流体計測（特に渦、乱流）などにも有用である。

【符号の説明】

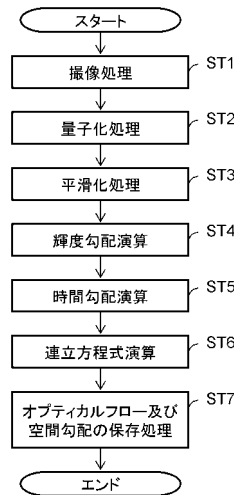
【0106】

1 物体運動推定装置、13 画像解析処理部、21 輝度勾配演算部、23 時間勾配演算部、25 方程式演算部、27 状態推定処理部

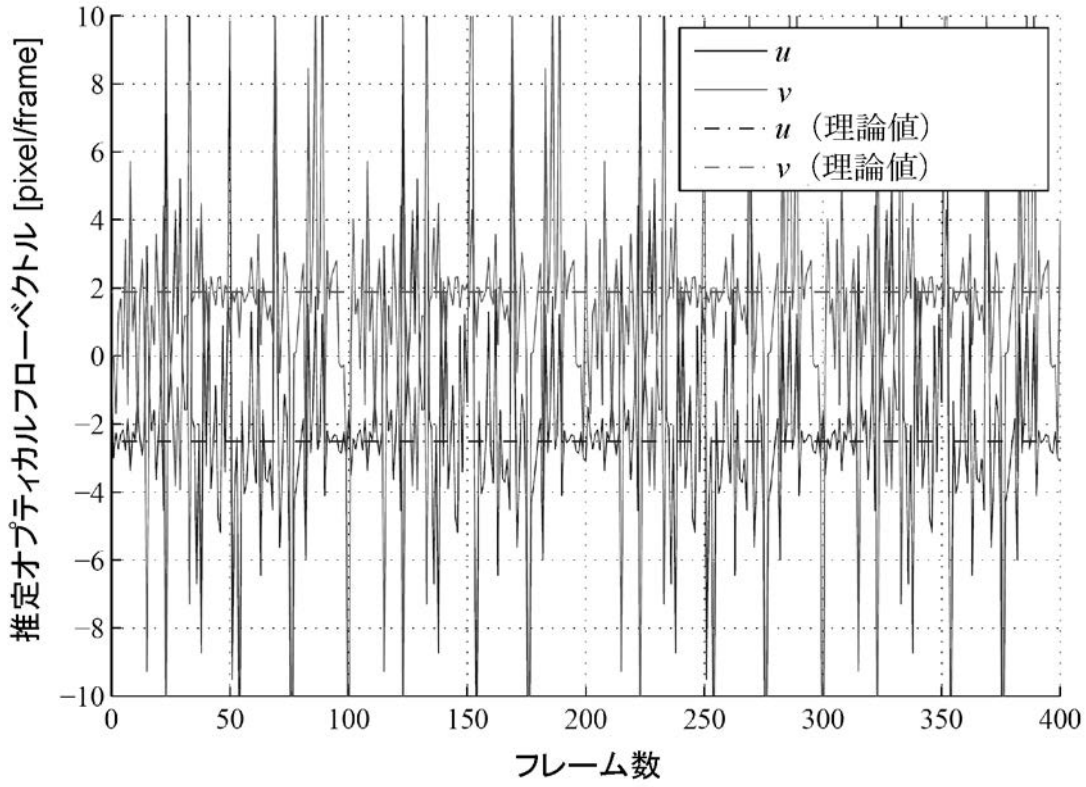
【図1】



【図2】

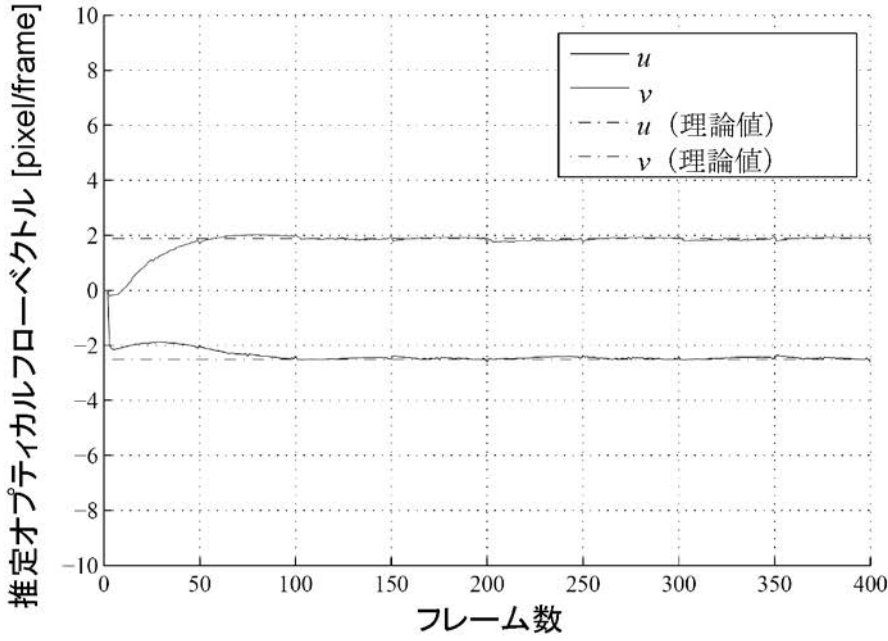


【 図 3 】

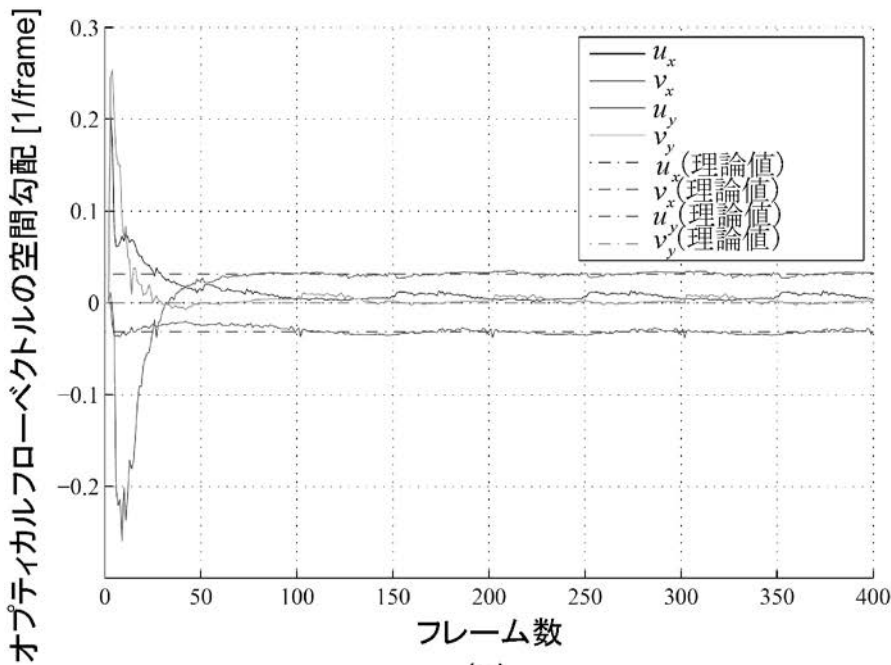




【 図 4 】



(a)



(b)

【 手続 補正書 】

【 提出日 】 平成22年8月6日 (2010.8.6)

【 手続 補正 1 】

【 補正対象書類名 】 特許請求の範囲

【 補正対象項目名 】 全文

【 補正方法 】 変更

【 補正の内容 】

【 特許請求の範囲 】

【 請求項 1 】

撮像手段が物体を撮像した撮像画像を画像解析処理して前記物体の運動を推定する物体運動推定装置において、

前記撮像画像の注目点における輝度勾配を演算する輝度勾配演算手段と、

前記輝度勾配から時間勾配を演算する時間勾配演算手段と、

連立方程式を解く方程式演算手段とを有する

画像解析処理手段を備え、

前記連立方程式は、

前記撮像手段と前記物体との相対運動の速度分布であるオプティカルフローについて、前記撮像画像における前記物体の輝度の時間に関する1階全微分がゼロという時不変性が仮定されることにより、前記オプティカルフローを変数とし、前記撮像画像の画素の輝度の空間勾配及びその時間微分を係数とするだけでなく、さらに、

前記撮像手段の撮像軸に対して垂直な平面上を前記物体が移動するという並進性が仮定されないことにより、前記オプティカルフローの空間勾配をも変数とし、前記輝度及びその空間勾配の時間に関して2階微分した値をも係数とするものであり、

前記画像解析処理手段が有する方程式演算手段が、前記連立方程式を解くことにより、前記オプティカルフローを推定すると同時に、前記推定されるオプティカルフローの空間勾配をも推定する物体運動推定装置。

【請求項2】

前記撮像画像は、二次元の画像であり、少なくとも3画素×3画素の大きさの画像であって、撮像時刻が異なる3枚の画像であり、撮像画像記憶手段に記憶されており、

前記輝度勾配演算手段は、前記撮像画像の注目点P(x<sub>0</sub>, y<sub>0</sub>)における輝度Iの輝度勾配I<sub>x</sub>(x<sub>0</sub>, y<sub>0</sub>, t)、I<sub>y</sub>(x<sub>0</sub>, y<sub>0</sub>, t)、I<sub>xx</sub>(x<sub>0</sub>, y<sub>0</sub>, t)、I<sub>xy</sub>(x<sub>0</sub>, y<sub>0</sub>, t)及びI<sub>yy</sub>(x<sub>0</sub>, y<sub>0</sub>, t)を演算して、式(eq1)に示される観測量z(t)を求めるものであり、

前記時間勾配演算手段は、前記輝度I及び前記輝度勾配I<sub>x</sub>、I<sub>y</sub>、I<sub>xx</sub>、I<sub>xy</sub>及びI<sub>yy</sub>から時間勾配I<sub>t</sub>、I<sub>tx</sub>、I<sub>ty</sub>、I<sub>txx</sub>、I<sub>txy</sub>、I<sub>tyy</sub>、I<sub>tt</sub>、I<sub>ttx</sub>、I<sub>tty</sub>、I<sub>ttxx</sub>、I<sub>ttxy</sub>及びI<sub>ttyy</sub>を演算するものであり、

前記方程式演算手段は、線形方程式(eq2)を解くことにより、前記オプティカルフロー[u v]<sup>T</sup>を推定すると同時に、その空間勾配[u<sub>x</sub> v<sub>x</sub> u<sub>y</sub> v<sub>y</sub>]<sup>T</sup>も推定するものである、請求項1記載の物体運動推定装置。

【数1】

$$z(t) = \begin{bmatrix} I(x_0, y_0, t) \\ I_x(x_0, y_0, t) \\ I_y(x_0, y_0, t) \\ I_{xx}(x_0, y_0, t) \\ I_{xy}(x_0, y_0, t) \\ I_{yy}(x_0, y_0, t) \end{bmatrix} \tag{eq1}$$

$$\begin{bmatrix} I_t \\ I_{tx} \\ I_{ty} \\ I_{ttx} \\ I_{tty} \\ I_u \\ I_{ux} \\ I_{uy} \\ I_{ttx} \\ I_{tty} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} I_x & I_y & 0 & 0 & 0 & 0 \\ I_{xx} & I_{xy} & I_x & I_y & 0 & 0 \\ I_{xy} & I_{yy} & 0 & 0 & I_x & I_y \\ 0 & 0 & 2I_{xx} & 2I_{xy} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & I_{xy} & I_{yy} & I_{xx} & I_{yy} \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2I_{xy} & 2I_{yy} \\ I_{tx} & I_{ty} & 0 & 0 & 0 & 0 \\ I_{ttx} & I_{tty} & I_x & I_y & 0 & 0 \\ I_{uy} & I_{vz} & 0 & 0 & I_{ux} & I_{vy} \\ 0 & 0 & 2I_{tx} & 2I_{ty} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & I_{tx} & I_{ty} & I_{tx} & I_{ty} \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2I_{tx} & 2I_{ty} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} u \\ v \\ u_x \\ v_x \\ u_y \\ v_y \end{bmatrix} \tag{eq2}$$

【請求項3】

撮像手段が物体を撮像した撮像画像を画像解析処理して前記物体の運動を推定する物体

運動推定装置において、

推定モデルに対して、前記状態変数の逐次推定を行う状態推定処理手段を有する画像解析処理手段を備え、

前記推定モデルは、

前記撮像手段と前記物体との相対運動の速度分布であるオプティカルフローについて、前記撮像画像における前記物体の輝度の時間に関する1階全微分がゼロという時不変性が仮定されることにより、前記オプティカルフローを状態変数に含むだけでなく、

前記撮像手段の撮像軸に対して垂直な平面上を前記物体が移動するという並進性が仮定されないことにより、前記オプティカルフローの空間勾配をも状態変数に含み、

さらに、前記撮像画像上の注目点の空間近傍の輝度を観測量とする観測方程式を含むものであり、

前記状態推定処理手段が、前記状態変数の逐次推定を行うことにより、前記オプティカルフローを推定すると同時に、前記推定されるオプティカルフローの空間勾配をも推定する物体運動推定装置。

【請求項4】

前記観測方程式は、システム雑音と観測雑音という雑音を加味したものであり、

前記状態変数の逐次推定は、推定値の共分散を近似するカルマンフィルタを用いて前記状態変数を逐次推定するものである、  
請求項4に記載の物体運動推定装置。

【請求項5】

撮像手段が物体を撮像した撮像画像を画像解析処理して前記物体の運動を推定する物体運動推定方法において、

輝度勾配演算手段が、前記撮像画像の注目点における輝度勾配を演算するステップと、

時間勾配演算手段が、前記輝度勾配から時間勾配を演算するステップと、

方程式演算手段が、前記撮像手段と前記物体との相対運動の速度分布であるオプティカルフローについて、前記撮像画像における前記物体の輝度の時間に関する1階全微分がゼロという時不変性が仮定されることにより、前記オプティカルフローを変数とし、前記撮像画像の画素の輝度の空間勾配及びその時間微分を係数とするだけでなく、さらに、前記撮像手段の撮像軸に対して垂直な平面上を前記物体が移動するという並進性が仮定されないことにより、前記オプティカルフローの空間勾配をも変数とし、前記輝度及びその空間勾配の時間に関して2階微分した値をも係数とする連立方程式を解くステップ

を含むことにより、前記オプティカルフローを推定すると同時に、前記推定されるオプティカルフローの空間勾配をも推定する物体運動推定方法。

【請求項6】

撮像手段が物体を撮像した撮像画像を画像解析処理して前記物体の運動を推定する物体運動推定方法において、

状態推定処理手段が、前記撮像手段と前記物体との相対運動の速度分布であるオプティカルフローについて、前記撮像画像における前記物体の輝度の時間に関する1階全微分がゼロという時不変性が仮定されることにより、前記オプティカルフローを状態変数に含むだけでなく、前記撮像手段の撮像軸に対して垂直な平面上を前記物体が移動するという並進性が仮定されないことにより、前記オプティカルフローの空間勾配をも状態変数に含み、さらに、前記撮像画像上の注目点の空間近傍の輝度を観測量とする観測方程式を含む推定モデルに対して、前記状態変数の逐次推定を行うステップ

を含むことにより、前記オプティカルフローを推定すると同時に、前記推定されるオプティカルフローの空間勾配をも推定する物体運動推定方法。

【請求項7】

コンピュータを、請求項1から4のいずれかの物体運動推定装置として動作させるためのプログラム。

【請求項8】

請求項7記載のプログラムを記録したコンピュータ読み取り可能な記録媒体。

## 【手続補正 2】

【補正対象書類名】明細書

【補正対象項目名】0003

【補正方法】変更

【補正の内容】

【0003】

発明が解決しようとする課題

[0007]

オプティカルフローの研究の方向性としては、空間的広がりを利用して空間差分による雑音の影響を低減する研究（Lucasら（非特許文献4参照）など）、ヘッセ行列の正則性が失われてオプティカルフローの推定の信頼性が劣化する画像上の領域に対して、オプティカルフローの滑らかさなどの新たな拘束条件を要請し信頼性の高い部分のオプティカルフローを用いて補間する大域法（非特許文献1など参照）などが挙げられる。

[0008]

しかしながら、多くの改善が提案されているにもかかわらず、勾配法の基本原理はHornらの提案（非特許文献1参照）から25年間以上不変のままである。

[0009]

従来勾配法の問題点としては、例えば、従来法では、オプティカルフローの並進性（つまり、空間勾配が0）を仮定していることがある。オプティカルフローの並進性の仮定は、本来未知であるオプティカルフローに対する仮定であり、可能な限り緩めることが重要である。

[0010]

ゆえに、本発明は、従来勾配法における問題点を克服し、撮像画像における画像解析処理によるオプティカルフローの推定に適した物体動作推定装置等を提供することを目的とする。

課題を解決するための手段

[0011]

請求項1に係る発明は、撮像手段が物体を撮像した撮像画像を画像解析処理して前記物体の運動を推定する物体運動推定装置において、前記撮像画像の注目点における輝度勾配を演算する輝度勾配演算手段と、前記輝度勾配から時間勾配を演算する時間勾配演算手段と、連立方程式を解く方程式演算手段とを有する画像解析処理手段を備え、前記連立方程式は、前記撮像手段と前記物体との相対運動の速度分布であるオプティカルフローについて、前記撮像画像における前記物体の輝度の時間に関する1階全微分がゼロという時不変性が仮定されることにより、前記オプティカルフローを変数とし、前記撮像画像の画素の輝度の空間勾配及びその時間微分を係数とするだけでなく、さらに、前記撮像手段の撮像軸に対して垂直な平面上を前記物体が移動す

【手続補正 3】

【補正対象書類名】明細書

【補正対象項目名】0004

【補正方法】変更

【補正の内容】

【0004】

るといふ並進性が仮定されないことにより、前記オプティカルフローの空間勾配をも変数とし、前記輝度及びその空間勾配の時間に関して2階微分した値をも係数とするものであり、前記画像解析処理手段が有する方程式演算手段が、前記連立方程式を解くことにより、前記オプティカルフローを推定すると同時に、前記推定されるオプティカルフローの空間勾配をも推定する。

[0012]

請求項2に係る発明は、請求項1記載の物体運動推定装置であって、前記撮像画像は、二次元の画像であり、少なくとも3画素×3画素の大きさの画像であって、撮像時刻が異

なる3枚の画像であり、撮像画像記憶手段に記憶されており、前記輝度勾配演算手段は、前記撮像画像の注目点  $P(x_0, y_0)$  における輝度  $I$  の輝度勾配  $I_x(x_0, y_0, t)$ 、 $I_y(x_0, y_0, t)$ 、 $I_{xx}(x_0, y_0, t)$ 、 $I_{xy}(x_0, y_0, t)$  及び  $I_{yy}(x_0, y_0, t)$  を演算して、式 (eq 1) に示される観測量  $z(t)$  を求めるものであり、前記時間勾配演算手段は、前記輝度  $I$  及び前記輝度勾配  $I_x$ 、 $I_y$ 、 $I_{xx}$ 、 $I_{xy}$  及び  $I_{yy}$  から時間勾配  $I_t$ 、 $I_{tx}$ 、 $I_{ty}$ 、 $I_{txx}$ 、 $I_{txy}$ 、 $I_{tyy}$ 、 $I_{tt}$ 、 $I_{ttx}$ 、 $I_{tty}$ 、 $I_{ttxx}$ 、 $I_{ttxy}$  及び  $I_{ttyy}$  を演算するものであり、前記方程式演算手段は、線形方程式 (eq 2) を解くことにより、前記オプティカルフロー  $[u \ v]^T$  を推定すると同時に、その空間勾配  $[u_x \ v_x \ u_y \ v_y]^T$  も推定するものである。

[ 0 0 1 3 ]

請求項3に係る発明は、撮像手段が物体を撮像した撮像画像を画像解析処理して前記物体の運動を推定する物体運動推定装置において、推定モデルに対して、前記状態変数の逐次推定を行う状態推定処理手段を有する画像解析処理手段を備え、前記推定モデルは、前記撮像手段と前記物体との相対運動の速度分布であるオプティカルフローについて、前記撮像画像における前記物体の輝度の時間に関する1階全微分がゼロという時不変性が仮定されることにより、前記オプティカルフローを状態変数に含むだけでなく、前記撮像手段の撮像軸に対して垂直な平面上を前記物体が移動するという並進性が仮定されないことにより、前記オプティカルフローの空間勾配をも状態変数に含み、さらに、前記撮像画像上の注目点の空間近傍の輝度を観測量とする観測方程式を含むものであり、前記状態推定処理手段が、前記状態変数の逐次

【手続補正4】

【補正対象書類名】明細書

【補正対象項目名】0005

【補正方法】変更

【補正の内容】

【0005】

推定を行うことにより、前記オプティカルフローを推定すると同時に、前記推定されるオプティカルフローの空間勾配をも推定する。

[ 0 0 1 4 ]

請求項4に係る発明は、請求項4に記載の物体運動推定装置であって、前記観測方程式は、システム雑音と観測雑音という雑音を加味したものであり、前記状態変数の逐次推定は、推定値の共分散を近似するカルマンフィルタを用いて前記状態変数を逐次推定するものである。

[ 0 0 1 5 ]

請求項5に係る発明は、撮像手段が物体を撮像した撮像画像を画像解析処理して前記物体の運動を推定する物体運動推定方法において、輝度勾配演算手段が、前記撮像画像の注目点における輝度勾配を演算するステップと、時間勾配演算手段が、前記輝度勾配から時間勾配を演算するステップと、方程式演算手段が、前記撮像手段と前記物体との相対運動の速度分布であるオプティカルフローについて、前記撮像画像における前記物体の輝度の時間に関する1階全微分がゼロという時不変性が仮定されることにより、前記オプティカルフローを変数とし、前記撮像画像の画素の輝度の空間勾配及びその時間微分を係数とするだけでなく、さらに、前記撮像手段の撮像軸に対して垂直な平面上を前記物体が移動するという並進性が仮定されないことにより、前記オプティカルフローの空間勾配をも変数とし、前記輝度及びその空間勾配の時間に関して2階微分した値をも係数とする連立方程式を解くステップを含むことにより、前記オプティカルフローを推定すると同時に、前記推定されるオプティカルフローの空間勾配をも推定する。

[ 0 0 1 6 ]

請求項6に係る発明は、撮像手段が物体を撮像した撮像画像を画像解析処理して前記物体の運動を推定する物体運動推定方法において、状態推定処理手段が、前記撮像手段と前

記物体との相対運動の速度分布であるオプティカルフローについて、前記撮像画像における前記物体の輝度の時間に関する1階全微分がゼロという時不変性が仮定されることにより、前記オプティカルフローを状態変数に含むだけでなく、前記撮像手段の撮像軸に対して垂直な平面上を前記物体が移動するという並進性が仮定されないことにより、前記オプティカルフローの空間勾配をも状態変数に含み、さらに、前記撮像画像上の注目点の空間近傍の輝度を観測量とする観測方程式を含む推定モデルに対して、前記状態変数の逐次推定を行うステップを含むことにより、前記オプティカルフローを推定すると同時に、前記推定されるオプティカルフローの空間勾配をも推定する。

[ 0 0 1 7 ]

請求項7に係る発明は、コンピュータを、請求項1から4のいずれかの物体運動推定装置として動作させるためのプログラムである。

[ 0 0 1 8 ]

請求項8に係る発明は、請求項7記載のプログラムを記録したコンピュータ読み取り可能な記録媒体である。

[ 0 0 1 9 ]

なお、請求項2において、線形方程式 ( e q 2 ) は過制約の線形方程式である。線形方程式 ( e q 2 ) の解は、例えば、最小二乗法などの推定法によって求める。

[ 0 0 2 0 ]

[ 数 2 ]

$$z(t) = \begin{bmatrix} I(x_0, y_0, t) \\ I_x(x_0, y_0, t) \\ I_y(x_0, y_0, t) \\ I_{xx}(x_0, y_0, t) \\ I_{yy}(x_0, y_0, t) \\ I_{xy}(x_0, y_0, t) \end{bmatrix} \tag{eq1}$$

$$\begin{bmatrix} I_x \\ I_y \\ I_{xx} \\ I_{yy} \\ I_{xy} \\ I_{yy} \\ I_{xx} \\ I_{xy} \\ I_{yy} \\ I_{xx} \\ I_{xy} \\ I_{yy} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} I_x & I_y & 0 & 0 & 0 & 0 \\ I_{xx} & I_{yy} & I_x & I_y & 0 & 0 \\ I_{xy} & I_{xy} & 0 & 0 & I_x & I_y \\ 0 & 0 & 2I_{xx} & 2I_{yy} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & I_{xy} & I_{xy} & I_{xx} & I_{yy} \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2I_{xy} & 2I_{yy} \\ I_{xx} & I_{yy} & 0 & 0 & 0 & 0 \\ I_{xx} & I_{yy} & I_{xx} & I_{yy} & 0 & 0 \\ I_{xy} & I_{xy} & 0 & 0 & I_{xx} & I_{yy} \\ 0 & 0 & 2I_{xx} & 2I_{yy} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & I_{xy} & I_{xy} & I_{xx} & I_{yy} \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2I_{xy} & 2I_{yy} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} u \\ v \\ u_x \\ v_x \\ u_y \\ v_y \end{bmatrix} \tag{eq2}$$

発明の効果

[ 0 0 2 1 ]

本願の各請求項に係る発明(以下、「本願発明」という。)は、データとして取得された撮像画像に関わる物理的性質を利用した処理を具体的に行うものであり、オプティカルフローの並進性の仮定を必要とせず、また、画像輝度のヘッセ行列の正則性を必ずしも要請せずに、オプティカルフローの推

## 【 国際調査報告 】

## INTERNATIONAL SEARCH REPORT

International application No.

PCT/JP2010/050924

A. CLASSIFICATION OF SUBJECT MATTER G06T7/20(2006.01) i		
According to International Patent Classification (IPC) or to both national classification and IPC		
B. FIELDS SEARCHED		
Minimum documentation searched (classification system followed by classification symbols) G06T7/20		
Documentation searched other than minimum documentation to the extent that such documents are included in the fields searched Jitsuyo Shinan Koho 1922-1996 Jitsuyo Shinan Toroku Koho 1996-2010 Kokai Jitsuyo Shinan Koho 1971-2010 Toroku Jitsuyo Shinan Koho 1994-2010		
Electronic data base consulted during the international search (name of data base and, where practicable, search terms used)		
C. DOCUMENTS CONSIDERED TO BE RELEVANT		
Category*	Citation of document, with indication, where appropriate, of the relevant passages	Relevant to claim No.
A	JP 2008-203538 A (National University Corporation Shizuoka University), 04 September 2008 (04.09.2008), paragraphs [0027] to [0029] (Family: none)	1-8
A	JP 2000-242797 A (Toyota Motor Corp.), 08 September 2000 (08.09.2000), paragraphs [0004] to [0035] (Family: none)	1-8
<input type="checkbox"/> Further documents are listed in the continuation of Box C. <input type="checkbox"/> See patent family annex.		
* Special categories of cited documents: "A" document defining the general state of the art which is not considered to be of particular relevance "E" earlier application or patent but published on or after the international filing date "L" document which may throw doubts on priority claim(s) or which is cited to establish the publication date of another citation or other special reason (as specified) "O" document referring to an oral disclosure, use, exhibition or other means "P" document published prior to the international filing date but later than the priority date claimed "T" later document published after the international filing date or priority date and not in conflict with the application but cited to understand the principle or theory underlying the invention "X" document of particular relevance; the claimed invention cannot be considered novel or cannot be considered to involve an inventive step when the document is taken alone "Y" document of particular relevance; the claimed invention cannot be considered to involve an inventive step when the document is combined with one or more other such documents, such combination being obvious to a person skilled in the art "&" document member of the same patent family		
Date of the actual completion of the international search 18 March, 2010 (18.03.10)		Date of mailing of the international search report 30 March, 2010 (30.03.10)
Name and mailing address of the ISA/ Japanese Patent Office		Authorized officer
Facsimile No.		Telephone No.

## INTERNATIONAL SEARCH REPORT

International application No.

PCT/JP2010/050924

**Box No. II Observations where certain claims were found unsearchable (Continuation of item 2 of first sheet)**

This international search report has not been established in respect of certain claims under Article 17(2)(a) for the following reasons:

1.  Claims Nos.:  
because they relate to subject matter not required to be searched by this Authority, namely:
  
2.  Claims Nos.:  
because they relate to parts of the international application that do not comply with the prescribed requirements to such an extent that no meaningful international search can be carried out, specifically:
  
3.  Claims Nos.:  
because they are dependent claims and are not drafted in accordance with the second and third sentences of Rule 6.4(a).

**Box No. III Observations where unity of invention is lacking (Continuation of item 3 of first sheet)**

This International Searching Authority found multiple inventions in this international application, as follows:

The special technical feature involved in the inventions set forth in claims 1-5, 7-8 relates to the point that inference of an optical flow and estimation of the spatial gradient of the inferred optical flow are conducted "while the translation that the object moves on a plane perpendicular to the image-capturing axis is not assumed". The invention set forth in claim 6 describes the matter that inference of an optical flow and estimation of the spatial gradient of the inferred optical flow are conducted "using information relating to second-order differentiation with respect to time". Therefore, since these inventions are not in a technical relationship involving one or more of the same or (Continued to the extra sheet.)

1.  As all required additional search fees were timely paid by the applicant, this international search report covers all searchable claims.
2.  As all searchable claims could be searched without effort justifying additional fees, this Authority did not invite payment of additional fees.
3.  As only some of the required additional search fees were timely paid by the applicant, this international search report covers only those claims for which fees were paid, specifically claims Nos.:
  
4.  No required additional search fees were timely paid by the applicant. Consequently, this international search report is restricted to the invention first mentioned in the claims; it is covered by claims Nos.:

**Remark on Protest**

- The additional search fees were accompanied by the applicant's protest and, where applicable, the payment of a protest fee.
- The additional search fees were accompanied by the applicant's protest but the applicable protest fee was not paid within the time limit specified in the invitation.
- No protest accompanied the payment of additional search fees.



**INTERNATIONAL SEARCH REPORT**

International application No.

PCT/JP2010/050924

Continuation of Box No.III of continuation of first sheet(2)

corresponding special technical features, they are not so linked as to form a single general inventive concept.

Consequently, the inventions set forth in claims 1-8 obviously do not comply with the requirement of unity of invention.

国際調査報告		国際出願番号 PCT/JP2010/050924									
A. 発明の属する分野の分類（国際特許分類（IPC）） Int.Cl. G06T7/20(2006.01)i											
B. 調査を行った分野 調査を行った最小限資料（国際特許分類（IPC）） Int.Cl. G06T7/20											
最小限資料以外の資料で調査を行った分野に含まれるもの <table border="0"> <tr> <td>日本国実用新案公報</td> <td>1922-1996年</td> </tr> <tr> <td>日本国公開実用新案公報</td> <td>1971-2010年</td> </tr> <tr> <td>日本国実用新案登録公報</td> <td>1996-2010年</td> </tr> <tr> <td>日本国登録実用新案公報</td> <td>1994-2010年</td> </tr> </table>				日本国実用新案公報	1922-1996年	日本国公開実用新案公報	1971-2010年	日本国実用新案登録公報	1996-2010年	日本国登録実用新案公報	1994-2010年
日本国実用新案公報	1922-1996年										
日本国公開実用新案公報	1971-2010年										
日本国実用新案登録公報	1996-2010年										
日本国登録実用新案公報	1994-2010年										
国際調査で使用した電子データベース（データベースの名称、調査に使用した用語）											
C. 関連すると認められる文献											
引用文献の カテゴリー*	引用文献名 及び一部の箇所が関連するときは、その関連する箇所の表示	関連する 請求項の番号									
A	JP 2008-203538 A（国立大学法人静岡大学）2008.09.04, 【0027】 - 【0029】（ファミリーなし）	1-8									
A	JP 2000-242797 A（トヨタ自動車株式会社）2000.09.08, 【0004】 - 【0035】（ファミリーなし）	1-8									
<input type="checkbox"/> C欄の続きにも文献が列挙されている。 <input type="checkbox"/> パテントファミリーに関する別紙を参照。											
* 引用文献のカテゴリー		の日の後に公表された文献									
「A」特に関連のある文献ではなく、一般的技術水準を示すもの		「T」国際出願日又は優先日後に公表された文献であって出願と矛盾するものではなく、発明の原理又は理論の理解のために引用するもの									
「E」国際出願日前の出願または特許であるが、国際出願日以後に公表されたもの		「X」特に関連のある文献であって、当該文献のみで発明の新規性又は進歩性がないと考えられるもの									
「L」優先権主張に疑義を提起する文献又は他の文献の発行日若しくは他の特別な理由を確立するために引用する文献（理由を付す）		「Y」特に関連のある文献であって、当該文献と他の1以上の文献との、当業者にとって自明である組合せによって進歩性がないと考えられるもの									
「O」口頭による開示、使用、展示等に言及する文献		「&」同一パテントファミリー文献									
「P」国際出願日前で、かつ優先権の主張の基礎となる出願											
国際調査を完了した日 18.03.2010		国際調査報告の発送日 30.03.2010									
国際調査機関の名称及びあて先 日本国特許庁（ISA/JP） 郵便番号100-8915 東京都千代田区霞が関三丁目4番3号		特許庁審査官（権限のある職員） 佐藤 実	5H 3247								
		電話番号 03-3581-1101	内線 3531								

国際調査報告

国際出願番号 PCT/J P 2 0 1 0 / 0 5 0 9 2 4

第II欄 請求の範囲の一部の調査ができないときの意見 (第1ページの2の続き)

法第8条第3項 (PCT17条(2)(a))の規定により、この国際調査報告は次の理由により請求の範囲の一部について作成しなかった。

- 1.  請求項 \_\_\_\_\_ は、この国際調査機関が調査をすることを要しない対象に係るものである。つまり、
- 2.  請求項 \_\_\_\_\_ は、有意義な国際調査をすることができる程度まで所定の要件を満たしていない国際出願の部分に係るものである。つまり、
- 3.  請求項 \_\_\_\_\_ は、従属請求の範囲であってPCT規則6.4(a)の第2文及び第3文の規定に従って記載されていない。

第III欄 発明の単一性が欠如しているときの意見 (第1ページの3の続き)

次に述べるようにこの国際出願に二以上の発明があるとこの国際調査機関は認めた。  
 請求項1-5, 7-8に係る発明の特別な技術的特徴は、オプティカルフローの推定、推定されるオプティカルフローの空間勾配の推定を「撮像軸に対して垂直な平面上を前記物体が移動するという並進性が仮定されずに」行う点に関するものであるが、請求項6に係る発明には、オプティカルフローの推定、推定されるオプティカルフローの空間勾配の推定を「時間に関して2階微分した情報を用いて」行うことが記載されており、これらの発明は、一又は二以上の同一又は対応する特別な技術的特徴を含む技術的な関係にないから、単一の一般的発明概念を形成するように連関しているものとは認められない。  
 よって、請求項1-8に係る発明は、発明の単一性の要件を満たしていないことが明らかである。

- 1.  出願人が必要な追加調査手数料をすべて期間内に納付したので、この国際調査報告は、すべての調査可能な請求項について作成した。
- 2.  追加調査手数料を要求するまでもなく、すべての調査可能な請求項について調査することができたので、追加調査手数料の納付を求めなかった。
- 3.  出願人が必要な追加調査手数料を一部のみしか期間内に納付しなかったため、この国際調査報告は、手数料の納付のあった次の請求項のみについて作成した。
- 4.  出願人が必要な追加調査手数料を期間内に納付しなかったため、この国際調査報告は、請求の範囲の最初に記載されている発明に係る次の請求項について作成した。

追加調査手数料の異議の申立てに関する注意

- 追加調査手数料及び、該当する場合には、異議申立手数料の納付と共に、出願人から異議申立てがあった。
- 追加調査手数料の納付と共に出願人から異議申立てがあったが、異議申立手数料が納付命令書に示した期間内に支払われなかった。
- 追加調査手数料の納付はあったが、異議申立てはなかった。

## フロントページの続き

(81)指定国 AP(BW, GH, GM, KE, LS, MW, MZ, NA, SD, SL, SZ, TZ, UG, ZM, ZW), EA(AM, AZ, BY, KG, KZ, MD, RU, TJ, TM), EP(AT, BE, BG, CH, CY, CZ, DE, DK, EE, ES, FI, FR, GB, GR, HR, HU, IE, IS, IT, LT, LU, LV, MC, MK, MT, NL, NO, PL, PT, RO, SE, SI, SK, SM, TR), OA(BF, BJ, CF, CG, CI, CM, GA, GN, GQ, GW, ML, MR, NE, SN, TD, TG), AE, AG, AL, AM, AO, AT, AU, AZ, BA, BB, BG, BH, BR, BW, BY, BZ, CA, CH, CL, CN, CO, CR, CU, CZ, DE, DK, DM, DO, DZ, EC, EE, EG, ES, FI, GB, GD, GE, GH, GM, GT, HN, HR, HU, ID, IL, IN, IS, JP, KE, KG, KM, KN, KP, KR, KZ, LA, LC, LK, LR, LS, LT, LU, LY, MA, MD, ME, MG, MK, MN, MW, MX, MY, MZ, NA, NG, NI, NO, NZ, OM, PE, PG, PH, PL, PT, RO, RS, RU, SC, SD, SE, SG, SK, SL, SM, ST, SV, SY, TH, TJ, TM, TN, TR, TT, TZ, UA, UG, US, UZ, VC, VN, ZA, ZM, ZW

(注)この公表は、国際事務局(WIPO)により国際公開された公報を基に作成したものである。なおこの公表に係る日本語特許出願(日本語実用新案登録出願)の国際公開の効果は、特許法第184条の10第1項(実用新案法第48条の13第2項)により生ずるものであり、本掲載とは関係ありません。