

(51)Int.Cl. ⁷	識別記号	F I	テ-マコード ⁸ (参考)
G05B 13/02		G05B 13/02	K 5B049
G06F 17/00		G08G 1/16	C 5B056
17/13		G06F 15/20	F 5H004
G08G 1/16		15/328	5H180

審査請求 有 請求項の数12 O L (全14頁)

(21)出願番号	特願平11 - 310770	(71)出願人	391037397 科学技術庁航空宇宙技術研究所長 東京都調布市深大寺東町 7 丁目44番地 1
(22)出願日	平成11年11月 1 日(1999.11.1)	(71)出願人	599154087 株式会社ヴァイナス 大阪市西区江戸堀 1 丁目18番35号 肥後橋 I P ビル
		(72)発明者	菊地 一雄 東京都調布市深大寺東 7 丁目44番 1 号 航 空宇宙技術研究所内
		(74)代理人	100077931 弁理士 前田 弘 (外 4 名)

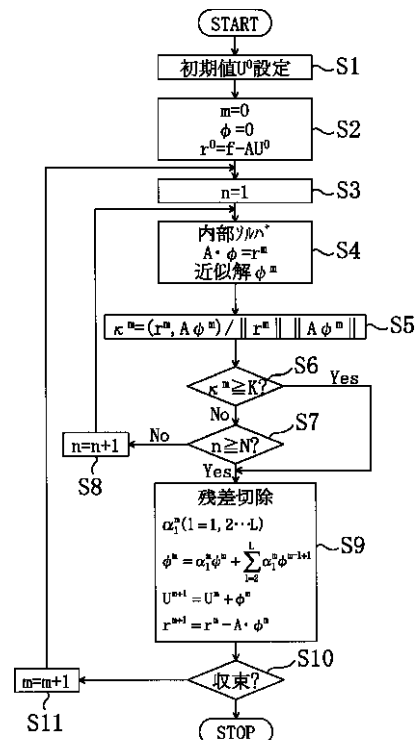
最終頁に続く

(54) 【発明の名称】 制御方法および制御装置、並びに制御用プログラムを記録した記録媒体

(57) 【要約】

【課題】 従来よりも収束性の高い逐次近似解法アルゴリズムを用いた制御方法を提供する。

【解決手段】 物理量Uが満たすべき偏微分方程式を離散化したときの係数行列をA、非斉次項(ソース項)をfとしたとき、 $A \cdot U = f$ を解き、物理量Uを制御する。繰り返し回数mをインクリメントしながら、近似解 U^m が収束するまで、 $A \cdot \phi^m = r^m$ の予測近似値 ϕ^m を反復計算によって求め(S3~S8)、残差 r^m のL2ノルムを最小とする修正近似値 ϕ^m を予測近似値 ϕ^m から求め、近似解 U^{m+1} として($U^m + \phi^m$)を与え、残差 r^{m+1} として($r^m - A \cdot \phi^m$)を与える(S9)。予測近似値 ϕ^m を求める際には、繰り返し回数m毎の残差切除率を表す変数 α_i^m が所定値Kを超えたとき、反復計算を終える(S5, S6)。



【特許請求の範囲】

【請求項 1】 物理量 U が満たすべき偏微分方程式を離散化したときの係数行列を A、非斉次項（ソース項）を f としたとき、

$$A \cdot U = f$$

を解き、物理量 U を制御する方法であって、

物理量 U の初期値 U^0 を設定し、

繰り返し回数 m に初期値として 0 を、摂動量 の初期値として 0 を与え、残差 r の初期値 r^0 として $(f - A \cdot U^0)$ を設定し、

繰り返し回数 m をインクリメントしながら、

$A \cdot U^m = r^m$ の予測近似値 U^m を、反復計算によって求めるステップと、

$$\kappa^m = (r^m, A \Psi^m) / \|r^m\| \|A \Psi^m\|$$

$$(r^m, A \Psi^m) = \sum_{i,j,k} r^m \cdot A \Psi^m$$

$$\|r^m\| \|A \Psi^m\| = \sqrt{(\sum (r^m)^2)} \cdot \sqrt{(\sum (A \Psi^m)^2)}$$

の式で与えられることを特徴とする制御方法。

【請求項 3】 物理量 U が満たすべき偏微分方程式を離散化したときの係数行列を A、非斉次項（ソース項）を f としたとき、

$$A \cdot U = f$$

を解き、物理量 U を制御する装置であって、

物理量 U の初期値 U^0 を設定し、

繰り返し回数 m に初期値として 0 を、摂動量 の初期値として 0 を与え、残差 r の初期値 r^0 として $(f - A \cdot U^0)$ を設定し、

繰り返し回数 m をインクリメントしながら、

$A \cdot U^m = r^m$ の予測近似値 U^m を、反復計算によって求めるステップと、

$$\kappa^m = (r^m, A \Psi^m) / \|r^m\| \|A \Psi^m\|$$

$$(r^m, A \Psi^m) = \sum_{i,j,k} r^m \cdot A \Psi^m$$

$$\|r^m\| \|A \Psi^m\| = \sqrt{(\sum (r^m)^2)} \cdot \sqrt{(\sum (A \Psi^m)^2)}$$

の式で与えられることを特徴とする制御装置。

【請求項 5】 コンピュータに、物理量 U が満たすべき偏微分方程式を離散化したときの係数行列を A、非斉次項（ソース項）を f としたとき、

$$A \cdot U = f$$

を解かせ、物理量 U を制御させる制御用プログラムを記録した記録媒体であって、

物理量 U の初期値 U^0 を設定し、

繰り返し回数 m に初期値として 0 を、摂動量 の初期値として 0 を与え、残差 r の初期値 r^0 として $(f - A \cdot U^0)$ を設定し、

繰り返し回数 m をインクリメントしながら、

残差 r^m の L 2 ノルムを最小とする修正近似値 U^m を予測近似値 U^{m-1} から求め、近似解 U^{m+1} として $(U^m + \Delta U^m)$ を与え、残差 r^{m+1} として $(r^m - A \cdot U^m)$ を与えるステップとを、近似解 U^m が収束するまで、繰り返し実行するものであり、

前記予測近似値 U^m を求めるステップは、繰り返し回数 m 毎の残差切除率を表す変数 κ^m が所定値 K を超えたとき、反復計算を終えるものであることを特徴とする制御方法。

10 【請求項 2】 請求項 1 記載の制御方法において、

前記変数 κ^m は、

【数 1】

20 残差 r^m の L 2 ノルムを最小とする修正近似値 U^m を予測近似値 U^{m-1} から求め、近似解 U^{m+1} として $(U^m + \Delta U^m)$ を与え、残差 r^{m+1} として $(r^m - A \cdot U^m)$ を与えるステップとを、近似解 U^m が収束するまで、繰り返し実行するものであり、

前記予測近似値 U^m を求めるステップは、繰り返し回数 m 毎の残差切除率を表す変数 κ^m が所定値 K を超えたとき、反復計算を終えるものであることを特徴とする制御装置。

【請求項 4】 請求項 3 記載の制御装置において、

30 前記変数 κ^m は、

【数 1】

40 $A \cdot U^m = r^m$ の予測近似値 U^m を、反復計算によって求めるステップと、

残差 r^m の L 2 ノルムを最小とする修正近似値 U^m を予測近似値 U^{m-1} から求め、近似解 U^{m+1} として $(U^m + \Delta U^m)$ を与え、残差 r^{m+1} として $(r^m - A \cdot U^m)$ を与えるステップとを、近似解 U^m が収束するまで、繰り返し実行するものであり、

前記予測近似値 U^m を求めるステップは、繰り返し回数 m 毎の残差切除率を表す変数 κ^m が所定値 K を超えたとき、反復計算を終えるものである処理をコンピュータに実行させる制御用プログラムを記録した記録媒体。

50

【請求項 6】 請求項 5 記載の制御用プログラムを記録した記録媒体において、

前記変数 κ^m は、
【数 1】

$$\kappa^m = (r^m, A \Psi^m) / \|r^m\| \|A \Psi^m\|$$

$$(r^m, A \Psi^m) = \sum_{i,j,k} r^m \cdot A \Psi^m$$

$$\|r^m\| \|A \Psi^m\| = \sqrt{(\sum (r^m)^2)} \cdot \sqrt{(\sum (A \Psi^m)^2)}$$

の式で与えられることを特徴とする制御用プログラムを記録した記録媒体。

【請求項 7】 物理量 U が満たすべき偏微分方程式を離散化したときの係数行列を A、非斉次項 (ソース項) を f としたとき、

$$A \cdot U = f$$

を解き、物理量 U の数値計算を行う方法であって、物理量 U の初期値 U^0 を設定し、

繰り返し回数 m に初期値として 0 を、摂動量 Ψ^m の初期値として 0 を与え、残差 r の初期値 r^0 として $(f - A \cdot U^0)$ を設定し、

繰り返し回数 m をインクリメントしながら、

$A \cdot U^m = r^m$ の予測近似値 U^m を、反復計算によって求め

$$\kappa^m = (r^m, A \Psi^m) / \|r^m\| \|A \Psi^m\|$$

$$(r^m, A \Psi^m) = \sum_{i,j,k} r^m \cdot A \Psi^m$$

$$\|r^m\| \|A \Psi^m\| = \sqrt{(\sum (r^m)^2)} \cdot \sqrt{(\sum (A \Psi^m)^2)}$$

の式で与えられることを特徴とする数値計算方法。

【請求項 9】 物理量 U が満たすべき偏微分方程式を離散化したときの係数行列を A、非斉次項 (ソース項) を f としたとき、

$$A \cdot U = f$$

を解き、物理量 U の数値計算を行う装置であって、物理量 U の初期値 U^0 を設定し、

繰り返し回数 m に初期値として 0 を、摂動量 Ψ^m の初期値として 0 を与え、残差 r の初期値 r^0 として $(f - A \cdot U^0)$ を設定し、

繰り返し回数 m をインクリメントしながら、

$A \cdot U^m = r^m$ の予測近似値 U^m を、反復計算によって求めるステップと、

$$\kappa^m = (r^m, A \Psi^m) / \|r^m\| \|A \Psi^m\|$$

$$(r^m, A \Psi^m) = \sum_{i,j,k} r^m \cdot A \Psi^m$$

$$\|r^m\| \|A \Psi^m\| = \sqrt{(\sum (r^m)^2)} \cdot \sqrt{(\sum (A \Psi^m)^2)}$$

の式で与えられることを特徴とする数値計算装置。

【請求項 11】 コンピュータに、物理量 U が満たすべき偏微分方程式を離散化したときの係数行列を A、非斉次項 (ソース項) を f としたとき、

るステップと、

10 残差 r^m の L 2 ノルムを最小とする修正近似値 U^m を予測近似値 U^{m-1} から求め、近似解 U^{m+1} として $(U^m + \Psi^m)$ を与え、残差 r^{m+1} として $(r^m - A \cdot \Psi^m)$ を与えるステップとを、近似解 U^m が収束するまで、繰り返し実行するものであり、

前記予測近似値 U^m を求めるステップは、

繰り返し回数 m 毎の残差切除率を表す変数 κ^m が所定値 K を超えたとき、反復計算を終えるものであることを特徴とする数値計算方法。

【請求項 8】 請求項 7 記載の数値計算方法において、

20 前記変数 κ^m は、

【数 1】

残差 r^m の L 2 ノルムを最小とする修正近似値 U^m を予測近似値 U^{m-1} から求め、近似解 U^{m+1} として $(U^m + \Psi^m)$ を与え、残差 r^{m+1} として $(r^m - A \cdot \Psi^m)$ を与えるステップとを、近似解 U^m が収束するまで、繰り返し実行するものであり、

前記予測近似値 U^m を求めるステップは、

繰り返し回数 m 毎の残差切除率を表す変数 κ^m が所定値 K を超えたとき、反復計算を終えるものであることを特徴とする数値計算装置。

【請求項 10】 請求項 9 記載の数値計算装置において、

前記変数 κ^m は、

40 【数 1】

$$A \cdot U = f$$

を解かせ、物理量 U の数値計算を行う数値計算用プログラムを記録した記録媒体であって、

50 物理量 U の初期値 U^0 を設定し、

繰り返し回数mに初期値として0を、摂動量 の初期値として0を与え、残差rの初期値 r^0 として $(f - A \cdot U^0)$ を設定し、

繰り返し回数mをインクリメントしながら、 $A \cdot \quad = r^m$ の予測近似値 \quad を、反復計算によって求めるステップと、

残差 r^m のL2ノルムを最小とする修正近似値 \quad を予測近似値 \quad から求め、近似解 U^{m+1} として $(U^m + \quad)$ を与え、残差 r^{m+1} として $(r^m - A \cdot \quad)$ を与えるステップとを、近似解 U^m が収束するまで、繰り返し実行す

$$\kappa^m = (r^m, A \Psi^m) / \|r^m\| \|A \Psi^m\|$$

$$(r^m, A \Psi^m) = \sum_{i,j,k} r^m \cdot A \Psi^m$$

$$\|r^m\| \|A \Psi^m\| = \sqrt{(\sum (r^m)^2)} \cdot \sqrt{(\sum (A \Psi^m)^2)}$$

の式で与えられることを特徴とする数値計算用プログラムを記録した記録媒体。

【発明の詳細な説明】

【0001】

【発明の属する技術分野】本発明は、圧力、温度などの物理量を対象とした制御技術に関するものであり、特に、逐次近似解法アルゴリズムを用いた制御技術に属する。また、物理量を対象とした数値計算技術に関するものである。

【0002】

【発明が解決しようとする課題】従来から、圧力、温度などの物理量を対象とした制御技術において、逐次近似解法アルゴリズムの利用がなされている。逐次近似解法アルゴリズムとは、様々な最適制御理論に基づいて、逐次近似を繰り返し行いつつ、数値計算により最適解を求めるものである。

【0003】ところが、逐次近似解法アルゴリズムを用いた場合には、制御対象の各パラメータの解を求める際に、計算の反復回数が多くなるために、計算時間の点から、高速かつ高精度の制御が困難になっている。このため、様々な分野の制御技術に応用できるようにするために、逐次近似解法アルゴリズムの収束性の向上が、望まれている。

【0004】前記の問題に鑑み、本発明は、従来よりも

$$\kappa^m = (r^m, A \Psi^m) / \|r^m\| \|A \Psi^m\|$$

$$(r^m, A \Psi^m) = \sum_{i,j,k} r^m \cdot A \Psi^m$$

$$\|r^m\| \|A \Psi^m\| = \sqrt{(\sum (r^m)^2)} \cdot \sqrt{(\sum (A \Psi^m)^2)}$$

の式で与えられるものとする。

【0007】また、請求項3の発明が講じた解決手段は、物理量Uが満たすべき偏微分方程式を離散化したときの係数行列をA、非斉次項(ソース項)をfとしたと

るものであり、前記予測近似値 \quad を求めるステップは、繰り返し回数m毎の残差切除率を表す変数 \quad が所定値Kを超えたとき、反復計算を終えるものである処理をコンピュータに実行させる数値計算用プログラムを記録した記録媒体。

【請求項12】請求項11記載の数値計算用プログラムを記録した記録媒体において、

前記変数 \quad は、

【数1】

収束性の高い逐次近似解法アルゴリズムを用いた制御方法、制御装置および制御用プログラムを記録した記録媒体を提供することを課題とする。

20 【0005】

【課題を解決するための手段】前記の課題を解決するために、請求項1の発明が講じた解決手段は、物理量Uが満たすべき偏微分方程式を離散化したときの係数行列をA、非斉次項(ソース項)をfとしたとき、 $A \cdot U = f$ を解き、物理量Uを制御する方法として、物理量Uの初期値 U^0 を設定し、繰り返し回数mに初期値として0を、摂動量 の初期値として0を与え、残差rの初期値 r^0 として $(f - A \cdot U^0)$ を設定し、繰り返し回数mをインクリメントしながら、 $A \cdot \quad = r^m$ の予測近似値 \quad を反復計算によって求めるステップと、残差 r^m のL2ノルムを最小とする修正近似値 \quad を予測近似値 \quad から求め、近似解 U^{m+1} として $(U^m + \quad)$ を与え、残差 r^{m+1} として $(r^m - A \cdot \quad)$ を与えるステップとを近似解 U^m が収束するまで繰り返し実行するものであり、前記予測近似値 \quad を求めるステップは、繰り返し回数m毎の残差切除率を表す変数 \quad が所定値Kを超えたとき、反復計算を終えるものである。

【0006】そして、請求項2の発明では、前記請求項1の制御方法における変数 \quad は、

40 【数1】

50 とき、 $A \cdot U = f$ を解き、物理量Uを制御する装置として、物理量Uの初期値 U^0 を設定し、繰り返し回数mに初期値として0を、摂動量 の初期値として0を与え、残差rの初期値 r^0 として $(f - A \cdot U^0)$ を設定し、繰

り返し回数mをインクリメントしながら、 $A \cdot U^m = r^m$ の予測近似値 U^m を反復計算によって求めるステップと、残差 r^m のL2ノルムを最小とする修正近似値 U^{m+1} を予測近似値 U^m から求め、近似解 U^{m+1} として($U^m + U^{m+1}$)を与え、残差 r^{m+1} として($r^m - A \cdot U^m$)を与えるステップとを近似解 U^m が収束するまで繰り返し実行

$$\kappa^m = (r^m, A \Psi^m) / \|r^m\| \|A \Psi^m\|$$

$$(r^m, A \Psi^m) = \sum_{i,j,k} r^m \cdot A \Psi^m$$

$$\|r^m\| \|A \Psi^m\| = \sqrt{(\sum (r^m)^2)} \cdot \sqrt{(\sum (A \Psi^m)^2)}$$

の式で与えられるものとする。

【0009】また、請求項5の発明が講じた解決手段は、コンピュータに、物理量Uが満たすべき偏微分方程式を離散化したときの係数行列をA、非斉次項(ソース項)をfとしたとき、 $A \cdot U = f$ を解かせ、物理量Uを制御させる制御用プログラムを記録した記録媒体として、物理量Uの初期値 U^0 を設定し、繰り返し回数mに初期値として0を、摂動量の初期値として0を与え、残差rの初期値 r^0 として($f - A \cdot U^0$)を設定し、繰り返し回数mをインクリメントしながら、 $A \cdot U^m = r^m$ の予測近似値 U^m を反復計算によって求めるステップと、残差 r^m のL2ノルムを最小とする修正近似値 U^{m+1} を

$$\kappa^m = (r^m, A \Psi^m) / \|r^m\| \|A \Psi^m\|$$

$$(r^m, A \Psi^m) = \sum_{i,j,k} r^m \cdot A \Psi^m$$

$$\|r^m\| \|A \Psi^m\| = \sqrt{(\sum (r^m)^2)} \cdot \sqrt{(\sum (A \Psi^m)^2)}$$

の式で与えられるものとする。

【0011】また、請求項7の発明が講じた解決手段は、物理量Uが満たすべき偏微分方程式を離散化したときの係数行列をA、非斉次項(ソース項)をfとしたとき、 $A \cdot U = f$ を解き、物理量Uの数値計算を行う方法として、物理量Uの初期値 U^0 を設定し、繰り返し回数mに初期値として0を、摂動量の初期値として0を与え、残差rの初期値 r^0 として($f - A \cdot U^0$)を設定し、繰り返し回数mをインクリメントしながら、 $A \cdot U^m = r^m$ の予測近似値 U^m を、反復計算によって求めるステ

$$\kappa^m = (r^m, A \Psi^m) / \|r^m\| \|A \Psi^m\|$$

$$(r^m, A \Psi^m) = \sum_{i,j,k} r^m \cdot A \Psi^m$$

$$\|r^m\| \|A \Psi^m\| = \sqrt{(\sum (r^m)^2)} \cdot \sqrt{(\sum (A \Psi^m)^2)}$$

の式で与えられるものとする。

【0013】また、請求項9の発明が講じた解決手段は、物理量Uが満たすべき偏微分方程式を離散化したときの係数行列をA、非斉次項(ソース項)をfとしたと

するものであり、前記予測近似値 U^m を求めるステップは、繰り返し回数m毎の残差切除率を表す変数 κ^m が所定値Kを超えたとき、反復計算を終えるものである。

【0008】そして、請求項4の発明では、前記請求項3の制御装置における変数 κ^m は、

【数1】

予測近似値 U^m から求め、近似解 U^{m+1} として($U^m + U^{m+1}$)を与え、残差 r^{m+1} として($r^m - A \cdot U^m$)を与えるステップとを近似解 U^m が収束するまで繰り返し実行するものであり、前記予測近似値 U^m を求めるステップは、繰り返し回数m毎の残差切除率を表す変数 κ^m が所定値Kを超えたとき、反復計算を終えるものである処理をコンピュータに実行させる制御用プログラムを記録したものである。

【0010】そして、請求項6の発明では、前記請求項5の制御用プログラムを記録した記録媒体において、前記制御用プログラムで用いる変数 κ^m は、

【数1】

ップと、残差 r^m のL2ノルムを最小とする修正近似値 U^{m+1} を予測近似値 U^m から求め、近似解 U^{m+1} として($U^m + U^{m+1}$)を与え、残差 r^{m+1} として($r^m - A \cdot U^m$)を与えるステップとを近似解 U^m が収束するまで繰り返し実行するものであり、前記予測近似値 U^m を求めるステップは、繰り返し回数m毎の残差切除率を表す変数 κ^m が所定値Kを超えたとき、反復計算を終えるものである。

【0012】そして、請求項8の発明では、前記請求項7の数値計算方法における変数 κ^m は、

【数1】

き、 $A \cdot U = f$ を解き、物理量Uの数値計算を行う装置として、物理量Uの初期値 U^0 を設定し、繰り返し回数mに初期値として0を、摂動量の初期値として0を与え、残差rの初期値 r^0 として($f - A \cdot U^0$)を設定

20

40

50

し、繰り返し回数mをインクリメントしながら、 $A \cdot U^m = r^m$ の予測近似値 U^m を、反復計算によって求めるステップと、残差 r^m のL2ノルムを最小とする修正近似値 U^{m+1} を予測近似値 U^m から求め、近似解 U^{m+1} として($U^m + U^{m+1}$)を与え、残差 r^{m+1} として($r^m - A \cdot U^{m+1}$)を与えるステップとを近似解 U^m が収束するまで、繰り返し

$$\kappa^m = (r^m, A \Psi^m) / \|r^m\| \|A \Psi^m\|$$

$$(r^m, A \Psi^m) = \sum_{i,j,k} r^m \cdot A \Psi^m$$

$$\|r^m\| \|A \Psi^m\| = \sqrt{(\sum (r^m)^2)} \cdot \sqrt{(\sum (A \Psi^m)^2)}$$

の式で与えられるものとする。

【0015】また、請求項11の発明が講じた解決手段は、コンピュータに、物理量Uが満たすべき偏微分方程式を離散化したときの係数行列をA、非斉次項(ソース項)をfとしたとき、 $A \cdot U = f$ を解かせ、物理量Uの数値計算を行う数値計算用プログラムを記録した記録媒体として、物理量Uの初期値 U^0 を設定し、繰り返し回数mに初期値として0を、摂動量 U^m の初期値として0を
20 与え、残差 r の初期値 r^0 として($f - A \cdot U^0$)を設定し、繰り返し回数mをインクリメントしながら、 $A \cdot U^m = r^m$ の予測近似値 U^m を反復計算によって求めるステップと、残差 r^m のL2ノルムを最小とする修正近似値 U^{m+1}

$$\kappa^m = (r^m, A \Psi^m) / \|r^m\| \|A \Psi^m\|$$

$$(r^m, A \Psi^m) = \sum_{i,j,k} r^m \cdot A \Psi^m$$

$$\|r^m\| \|A \Psi^m\| = \sqrt{(\sum (r^m)^2)} \cdot \sqrt{(\sum (A \Psi^m)^2)}$$

の式で与えられるものとする。

【0017】

【発明の実施の形態】以下、本発明の一実施形態について、図面を参照して説明する。

【0018】図1は本発明の一実施形態に係る制御装置の構成を示すブロック図であり、本発明に係る制御技術を車両の自動走行制御に応用した例を示している。図1において、車両は、目的値・経路設定部11によって設定される軌道上を許容誤差範囲内で目的地まで自動走行する回路を備えているものとする。走行中は、位置情報検出器12によって、位置・方位情報や速度等の走行情報が検出される。表示器18では設定値や走行状態などの情報がリアルタイムでモニター表示される。

【0019】車両の位置と軌道とのずれは情報管理装置13によって常に監視されている。そして、このずれが許容値 \max を越えたとき、そのときの走行情報を出発値として、方向角・角加速度・速度・加速度などの最適化パラメータ制御、すなわち軌道復帰への最適化手段が、本発明に係るアルゴリズムを用いてシミュレーションされる。

実行するものであり、前記予測近似値 U^m を求めるステップは、繰り返し回数m毎の残差切除率を表す変数 κ^m が所定値Kを超えたとき反復計算を終えるものである。

【0014】そして、請求項10の発明では、前記請求項9の数値計算装置における変数 κ^m は、

【数1】

を予測近似値 U^m から求め、近似解 U^{m+1} として($U^m + U^{m+1}$)を与え、残差 r^{m+1} として($r^m - A \cdot U^{m+1}$)を与えるステップとを近似解 U^m が収束するまで繰り返し実行するものであり、前記予測近似値 U^m を求めるステップは、繰り返し回数m毎の残差切除率を表す変数 κ^m が所定値Kを超えたとき反復計算を終えるものである処理をコンピュータに実行させる数値計算用プログラムを記録したものである。

【0016】請求項12の発明では、前記請求項11の数値計算用プログラムを記録した記録媒体において、前記数値計算用プログラムで用いる変数 κ^m は、

【数1】

【0020】図2は本発明の一実施形態に係る制御方法を示すフローチャートである。

【0021】(残差方程式の定式化)いま求めたい物理量をUとし、その物理量が満たすべき偏微分方程式を離散化したときの係数行列をA、非斉次項(ソース項)をfとすると、解くべき式は、

$$A \cdot U = f \quad \dots (1)$$

で表される。この式は、一般的には、SOR法、ADI法等の逐次近似法によって解くことができる。

【0022】本発明では、以下のような解法を用いる。

【0023】式(1)の解Uを、近似解Uと摂動量(真の解との差)とによって、次のように表す。

$$U = U + \dots (2)$$

本発明に係る解法では、摂動量を求めて近似解Uを修正していくことによって、式(1)の真の解Uを求める。

【0024】ここで、近似解Uに対する残差rを次のように定義する。

$$r = f - A \cdot U \quad \dots (3)$$

50 式(1)~(3)から、

$$\begin{aligned}
 & 11 \\
 & A \cdot (U + \phi) = f \\
 \therefore & A\phi = f - AU \\
 & = r
 \end{aligned}$$

したがって、摂動量 ϕ を求めるためには、次の式を解けばよい。

$$A \cdot \phi = r \quad \dots (4)$$

【0026】(残差切除法のアルゴリズム)本発明に係るアルゴリズムでは、式(4)の収束解を求めるのではなく、ADI法などによって最も収束勾配の急な最小単位の反復で予測近似値 ϕ^m を求め、求めた予測近似値 ϕ^m を、最適化制御ルーチンに供給する。そして、最適化制御ルーチンの実行結果が所定の条件を満たすまで、予測近似値 ϕ^m の算出を繰り返し実行する。

【0027】<最適化制御ルーチン>いま、繰り返し回数を m としたとき、残差の $L2$ ノルムを最小とする合成摂動量 ϕ^m と新しい近似解 U^{m+1} を次のように定義する。

【数2】

$$r^{m+1} = r^m - \alpha_1 A \cdot \Psi^m - \sum_{l=2}^L \alpha_l A \cdot \phi^{m-1+l} \quad \dots (8)$$

【0029】近似解 U^{m+1} に対する残差 r^{m+1} の $L2$ ノルム $\|r^{m+1}\|$ は、三次元の場合、 $(r^{m+1})^2$ の内点全て

$$\begin{aligned}
 & \|r^{m+1}\| \\
 & = \sqrt{\left(\sum_i \sum_j \sum_k (r^m - \alpha_1 A \cdot \Psi^m - \sum_{l=2}^L \alpha_l A \cdot \phi^{m-1+l})^2 \right)} \quad \dots (9)
 \end{aligned}$$

【0030】この残差 r^{m+1} の $L2$ ノルム $\|r^{m+1}\|$ を最小にするように、式(9)の残差最小化係数 α_l ($l =$

$$\frac{\partial}{\partial \alpha_l} (\|r^{m+1}\|^2) = 0 \quad l = 1, 2, 3, \dots, L \quad \dots (10)$$

式(10)は α_l の L 元連立方程式となり、これを数値的に解くことによって α_l が定まる。 α_l が定まると、式(5)から ϕ^m が求まり、式(6)から U^{m+1} が求まる。残差最小化係数 α_l の計算方法については後述する。

【0031】 m をインクリメントしながら、同様のルーチンを繰り返すことによって、式(9)の残差の $L2$ ノルムを零または最小にする解 U に収束する。

【0032】図2に示すフローチャートに従って、本実施形態に係る制御方法について説明する。

【0033】まず、ステップS1において、対象物理量 U の初期値 U^0 を設定する。そして、ステップS2において、繰り返し回数 m に初期値として0を、摂動量 ϕ の初期値として0を与え、残差 r の初期値 r^0 として $(f - AU^0)$ を設定する。

【0034】以下、近似解 U^m が収束するまで、繰り返し回数 m をインクリメントしながら、ステップS3~S9を繰り返し実行する。

【0035】ステップS3~S8では、ADI法、SOR法、CG法などの逐次近似法を実行する内部ソルバに

$$\phi^m = \alpha_1 \Psi^m + \sum_{l=2}^L \alpha_l \phi^{m-1+l} \quad \dots (5)$$

$$U^{m+1} = U^m + \phi^m \quad \dots (6)$$

α_l ($l = 1, 2, 3, \dots, L$) は残差最小化係数であり、後述する計算方法によって求まる定数である。残差の $L2$ ノルムがより小さくなるように、次のように残差の最小化を行う。

【0028】新しい近似解 U^{m+1} が式(6)で表されるとき、これに対する残差 r^{m+1} は、式(3)から、次のように表される。

$$r^{m+1} = f - A \cdot U^{m+1} \quad \dots (7)$$

式(7)に式(6)を代入し、式(3)、(5)を用いると、

【数3】

の総和の平方根として、式(9)で与えられる。

【数4】

$$\|r^{m+1}\| = \sqrt{\left(\sum_{l=2}^L \alpha_l A \cdot \phi^{m-1+l} \right)^2} \quad \dots (9)$$

1~L)を最小二乗法で定める。すなわち、

【数5】

よって、

$$A \cdot \phi^m = r^m$$

の近似解(予測近似値) ϕ^m を求める。ところがこの式は、既存の逐次近似法で解こうとすると、実用問題に対しては収束までに多くの繰り返しを必要とし、必然的に計算機使用時間も膨大となる。

【0036】そこで本実施形態では、逐次計算の反復回数の上限 N を設定する(ステップS7, S8)とともに、残差の減少の割合すなわち残差切除率を表す変数 β を導入し(ステップS5)、この変数 β が所定値 K を超えたとき、反復計算を終えるものとしている(ステップS6)。

【0037】逐次計算の反復回数を固定した場合には、収束判定までのループの繰り返し m 毎に、残差の減少の割合(残差切除率)が大きく変動する。この変動は、各繰り返し m における予測近似値 ϕ^m の近似度合に起因するものである。このために、解が収束するまでのループの繰り返し回数が必要以上に増加してしまうおそれがある。

10

40

50

【 0 0 3 8 】これに対して、本実施形態では、予測近似値 r^m を求めるステップにおいて、残差切除率を表す変数 α が所定値 K を超えたときに反復計算を終えるものとしているので、ループの繰り返し m 毎の残差切除率を一定値以上に保つことができ、したがって、解が収束す

$$\kappa^m = (r^m, A\Psi^m) / \|r^m\| \|A\Psi^m\| \dots (11)$$

$$(r^m, A\Psi^m) = \sum_{i,j,k} r^m \cdot A\Psi^m$$

$$\|r^m\| \|A\Psi^m\| = \sqrt{(\sum (r^m)^2)} \cdot \sqrt{(\sum (A\Psi^m)^2)}$$

$$\{(r^m, A\Psi^m) \leq \|r^m\| \|A\Psi^m\|\}$$

【 0 0 4 0 】この変数 α は、反復計算を繰り返すにつれて、予測近似値 r^m の精度が高くなるために、1.0 に限りなく近づく。したがって、この変数 α の値が任意に設定した所定値 K を超えるまで反復計算を行うことによつて、ループの繰り返し回数 m 毎の残差切除率はほぼ一定になる。

【 0 0 4 1 】ステップ $S 3 \sim S 8$ において予測近似値 r^0 が求められると、ステップ $S 9$ において、この予測近似値 r^0 を用いて、最適化ルーチンによつて、次回の残差 r^1 が最小となるように、修正近似値 U^1 を求める。この修正近似値 U^1 によつて、第 1 次の物理量の近似値 U^1 および第 1 次の残差 r^1 は、式 (2) , (3) から、次式で求められる。

$$U^1 = U^0 + \alpha^0 \dots (12)$$

$$r^1 = f - AU^1 \dots (13)$$

式 (1 3) に式 (1 2) を代入して、

$$r^1 = f - A(U^0 + \alpha^0)$$

$$= f - AU^0 - A\alpha^0$$

$$= r^0 - A\alpha^0 \dots (14)$$

よつて、式 (1 4) によつて、第 1 次の残差 r^1 が求められる。

【 0 0 4 2 】ステップ $S 1 1$ で m をインクリメントしてステップ $S 3$ に戻り、同様の計算を行う。このような処理を繰り返すことによつて、

$(U^2, r^2), (U^3, r^3) \dots (U^m, r^m) \dots$ が順次求められ、残差ノルム r^m が減少していく。

【 0 0 4 3 】繰り返し回数が m のとき、ステップ $S 4$ において予測近似値 r^m を求める方程式は、

$$A\alpha^m = r^m$$

となり、ステップ $S 9$ では、最適化制御ルーチンによつて最適化された修正近似値 α^m によつて、

$$U^{m+1} = U^m + \alpha^m$$

$$r^{m+1} = r^m - A\alpha^m$$

と求められる。

【 0 0 4 4 】なお、 $r^m = 0$ となったときが解であるが、境界条件によつては、最終残差 r_{final} が残る場合がある。すなわち、境界条件が全て物理量の微分で与

るまでに要するループの繰り返し回数を減少させることができる。

【 0 0 3 9 】ここでは、残差切除率を表す変数 α を次のように定義する。

【数 6】

えられる場合 (ノイマン問題)、数学的にソース項 f と境界条件との間で満たすべき関係 (ノイマンの拘束条件) があり、これが満たされないために、残差ノルムが $r^m = r^{m-1} = r^{m-2} \dots$ となってしまう。

【 0 0 4 5 】他の解法では、このようなノイマン問題の場合、そのままでは収束しないため、最終残差 r_{final} によつて、ソース項 f あるいは境界条件を修正して収束解を得ようとする。これは、問題を変更していることになる。ところが、本実施形態に係る解法では、このような修正を行わないでも自動的に最終残差 r_{final} が確定し、収束解が得られる特性を持っている。

【 0 0 4 6 】(残差最小化係数 α_l の求め方) いま、表記を簡単にするために、次のように δ を導入する。

$$\alpha^m = \delta^m$$

$$\alpha^{m-1} = \delta^{m-1} \quad (l = 2, 3, \dots, L)$$

とおくと、修正近似値 α^m は、

30 【数 7】

$$\phi^m = \sum_{l=1}^L \alpha_l \delta^{m-1+l}$$

と表される。よつて、

【数 8】

$$r^{m+1} = r^m - A\phi^m$$

$$= r^m - A \sum_{l=1}^L \alpha_l \delta^{m-1+l}$$

$$= r^m - \sum_{l=1}^L \alpha_l A \delta^{m-1+l}$$

記号を外して表記すると、

$$r_{m+1} = r_m - (\alpha_1 A_{m+1} + \alpha_2 A_{m-1} + \alpha_3 A_{m-2} + \dots + \alpha_L A_{m-L+1})$$

となる。

【 0 0 4 7 】残差最小化係数 α_l は、例えば最小自乗法を用いて、 $(m+1)$ 次の残差ノルム r^{m+1} (自乗

和の平方根)を最小にするという条件を与えることによ
って、求められる。

【数 9】

$$\| r^m \| = \sqrt{\sum_{i,j,k} (r^{m+1})^2}$$

$$\begin{aligned} \| r^m \|^2 &= \sum_{i,j,k} (r^{m+1})^2 \\ &= \sum_{i,j,k} (r^m - \sum_{l=1}^L \alpha_l A \delta^{m-l+1})^2 \end{aligned}$$

$$\partial / \partial \alpha_l (\| r^{m+1} \|^2) = 2 \sum_{i,j,k} \{ (r^m - \sum_{l=1}^L \alpha_l A \delta^{m-l+1}) \cdot (-A \delta^{m-l'+1}) \}$$

$$\therefore \sum_{i,j,k} (A \delta^{m-l'+1} \sum_{l=1}^L \alpha_l A \delta^{m-l+1}) = \sum_{i,j,k} (r^m A \delta^{m-l'+1})$$

となる。ここで、 $l' = 1, 2, \dots, L$ である。この連
立一次方程式を解くことによって、残差最小化係数 α_l
を求めることができる。

$$\begin{aligned} \alpha_1 \sum (A \delta^m)^2 + \alpha_2 \sum (A \delta^m A \delta^{m-1}) + \alpha_3 \sum (A \delta^m A \delta^{m-2}) &= \sum (r^m A \delta^m) \\ \alpha_1 \sum (A \delta^{m-1} A \delta^m) + \alpha_2 \sum (A \delta^{m-1})^2 + \alpha_3 \sum (A \delta^{m-1} A \delta^{m-2}) &= \sum (r^m A \delta^{m-1}) \\ \alpha_1 \sum (A \delta^{m-2} A \delta^m) + \alpha_2 \sum (A \delta^{m-2} A \delta^{m-1}) + \alpha_3 \sum (A \delta^{m-2})^2 &= \sum (r^m A \delta^{m-2}) \end{aligned}$$

のような 3 元一次連立方程式になる。そして、

$$\begin{aligned} r^{m+1} &= r^m - (\alpha_1 A^m + \alpha_2 A^{m-1} + \alpha_3 A^{m-2}) \\ &= r^m - A^m \\ U^{m+1} &= U^m + \dots \end{aligned}$$

【0050】図 1 に示す車両の走行制御においては、ま
ず予測修正量演算部 14 によって、現在の走行情報を基
にして予測修正量 r^m が反復計算される。ここでは、繰
り返し回数毎の残差切除率 α が所定値 K を越えるまで
反復計算される。次に、最適加算修正量演算部 15 によ
って m 次の加算修正量 r^m が演算される。予測修正量演
算部 14 および最適加算修正量演算部 15 によって求め
られた解は、最終的に修正量収束判定部 16 によって収
束が判定され、所定の軌道に復帰するための最適制御方
法が決定される。決定された制御情報は方向制御部 17
に送られ、車両の走行経路が修正される。

【0051】なお、ここでは車両の走行制御を例にと
って本発明について説明したが、他の分野の様々な制御に
も本発明は利用可能であることはいうまでもない。

【0052】また、上記の制御方法は、当該方法を実現
するためのプログラムを実行するコンピュータを備えた
装置によって容易に実現することができる。また、当該
方法を実現するためのプログラムをコンピュータ読み取
り可能な記録媒体に記録して、この記録媒体に記録した
プログラムをコンピュータに実行させることによって実
現することができる。

これを α_l で微分すると、

【数 10】

$$\partial / \partial \alpha_l (\| r^{m+1} \|^2) = 0$$

【0048】この式を α_l について解くことによって、
残差最小化係数 α_l を求めることができる。微分を実行
すれば、

【数 11】

$$\partial / \partial \alpha_l (\| r^{m+1} \|^2) = 2 \sum_{i,j,k} \{ (r^m - \sum_{l=1}^L \alpha_l A \delta^{m-l+1}) \cdot (-A \delta^{m-l'+1}) \}$$

$$\therefore \sum_{i,j,k} (A \delta^{m-l'+1} \sum_{l=1}^L \alpha_l A \delta^{m-l+1}) = \sum_{i,j,k} (r^m A \delta^{m-l'+1})$$

【0049】例えば、 $L = 3$ のときは、上式は、

【数 12】

$$\begin{aligned} \alpha_1 \sum (A \delta^m)^2 + \alpha_2 \sum (A \delta^m A \delta^{m-1}) + \alpha_3 \sum (A \delta^m A \delta^{m-2}) &= \sum (r^m A \delta^m) \\ \alpha_1 \sum (A \delta^{m-1} A \delta^m) + \alpha_2 \sum (A \delta^{m-1})^2 + \alpha_3 \sum (A \delta^{m-1} A \delta^{m-2}) &= \sum (r^m A \delta^{m-1}) \\ \alpha_1 \sum (A \delta^{m-2} A \delta^m) + \alpha_2 \sum (A \delta^{m-2} A \delta^{m-1}) + \alpha_3 \sum (A \delta^{m-2})^2 &= \sum (r^m A \delta^{m-2}) \end{aligned}$$

【0053】ここで、従来技術との比較について補足説
明する。従来、機器の制御に用いられてきた技術には、
比例制御やファジィ制御等がある。位置制御を例にと
ると、比例制御の場合には、基本的には現在位置と設定
位置との比較を 2 値化して判断し、そのずれを限りなく零
に近づけようとするため、微調整動作が頻繁に行われ
る。このため、動作が安定しない、また外乱に対して柔
軟に対処できないという欠点があった。

【0054】このような欠点を解消する技術として、フ
ァジィ理論を採用した制御技術が開発された。これは、
その状態量を「大きくずれている」「少しずれている」
「微妙にずれている」などと「あいまいに」判断し、こ
れらの状態に対して「大きく修正する」「少し修正す
る」「そのまま」のような「あいまいな」ルールに基づ
いて制御を行うものである。この技術によって、AI 制
御に近い「滑らかな制御」が実現されたが、情報量と制
御パラメータに比例してルール数が増加するため、その
設定とチューニング作業に手間がかかる、または主観的
な設定が可能のために制御結果にばらつきが生じるとい
う欠点もあった。

【0055】本発明は、制御対象を目的の状態に制御す
るための最適手段を決定するための技術であり、その基
となるのは制御パラメータに対応した非線形方程式であ
る。このため、対象によっては目的の状態が数値的に明
確でないケースへも適応可能であり、また最適な状態を
自動的にチューニングする機能も備えている。

【0056】(他の応用例その 1) 図 3 は本発明に係る

20

30

40

50

アルゴリズムの他の応用例を示す図である。図 3 では、数値計算への応用例として、2 次元または 3 次元楕円型方程式法の格子生成手法への適用について示すフローである。

【 0 0 5 7 】 図 3 で用いた符号の意味は下記のとおりである。

- U : 物理面における格子点の座標値 (x , y , z)
- P : 格子生成の制御関数
- A : 線型化された係数行列
- $A^{(m)}$: m 次ステップでの予測修正値
- $A^{(n)}$: m 次ステップでの再修正値
- l : 未定係数行列
- $r^{(m)}$: m 次ステップでの残差
- L : 未定係数行列の個数

【 0 0 5 8 】 ステップ S 2 1 では、m 次ステップにおける値に基づいて、離散化された楕円型方程式系の係数行列を線型化させる。ステップ S 2 2 では、技術によって繰り返し回数を制御して、(m + 1) 次ステップにおける予測修正値 $A^{(m)}$ を求める。ステップ S 2 3 では、(m + 1) 次ステップの残差を最小 (ゼロ) にするための未定係数行列 l_i を求める。ステップ S 2 4 では、予測修正値 $A^{(m)}$ 、(m - 1) 次以前の修正値 $(A^{(m-1)}, \dots, A^{(m-L+1)})$ および未定係数行列に基づいて (m + 1) 次ステップでの再修正値 $A^{(m+1)}$ を求める。ステップ S 2 5 では、再修正値 $A^{(m+1)}$ に基づいて、物理面における格子点の座標値を修正する。

【 0 0 5 9 】 図 4 は本応用例によって生成された格子、図 5 は比較例としての S O R 法によって生成された格子である。図 4 および図 5 では、気流中におかれた楕円柱周りの 2 次元格子生成を行っている。格子点数は 9 0 × 9 0 である。本応用例では、残差切除法の内部ソルバとして A D I 法を用いた。

【 0 0 6 0 】 図 6 は収束速度を比較するためのグラフである。図 6 において、a 1 , a 2 は本応用例における X 方向および Y 方向の残差、b 1 , b 2 は比較例における X 方向および Y 方向の残差である。図 6 から分かるように、本発明に係るアルゴリズムを利用した場合には、S O R 法と比較して 6 倍以上高速に収束している。

【 0 0 6 1 】 (他の応用例その 2) 図 7 は本発明に係るアルゴリズムの他の応用例を示す図である。図 7 では、数値計算への応用例として、流体解析の M A C 法の圧力計算部に残差切除法を適用した例を示すフローである。

【 0 0 6 2 】 図 7 で用いた符号の意味は下記の通りである。

- t : 時刻
- U : 流速
- P : 圧力
- r^m : m 次ステップでの予測修正値
- r^n : m 次ステップでの最適化修正値
- a : 最適化係数

r^m : m 次ステップでの残差
【 0 0 6 3 】 S 3 1 は初期残差 r^0 の算出を含む初期化部分、S 3 2 は予測近似値 r^m の算出部、S 3 3 は r^m の算出部、S 3 4 は S 3 3 で算出された r^m によって繰り返し数を制御された S 3 2 および S 3 3 を含むループ、S 3 5 は最適化係数 a、最適化修正値 r^n および次ステップでの残差 r^{m+1} の算出部である。

【 0 0 6 4 】 本応用例による効果を評価するために、M A C 法によって、一様流中に置かれた円柱周りの二次元解析を行った。比較例としては S O R 法を用いた。格子点数は 6 0 × 6 0、主流速度は 5 c m / s である。本応用例では、残差切除法の内部ソルバとして S O R 法を用いた。

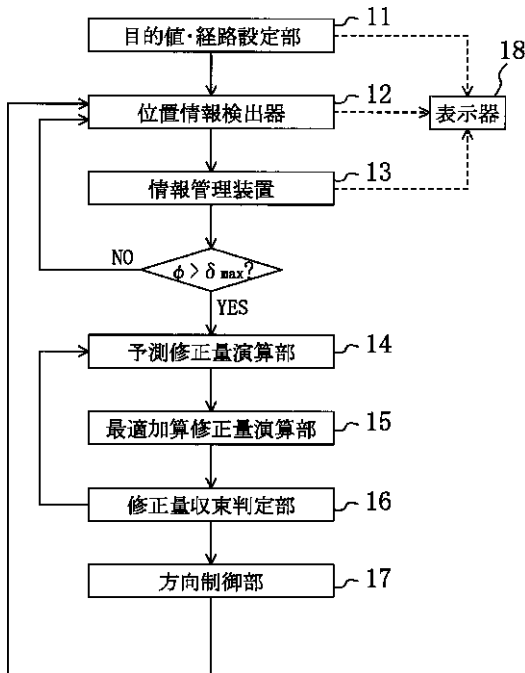
【 0 0 6 5 】 図 8 はタイムステップ数と C P U 時間との関係を示すグラフである。図 8 において、a は本応用例による結果、b は比較例としての S O R 法による結果を示す。また図 9 はステップ数と相対残差 / 相対誤差との関係を示すグラフである。図 9 において、a 1 , a 2 は本応用例による結果、b 1 , b 2 は比較例としての S O R 法による結果を示す。図 8 および図 9 から、本応用例によると、S O R 法に比べて 2 倍に高速化されていることが分かる。

【 0 0 6 6 】
【発明の効果】 以上のように本発明によると、予測近似値 r^m を求めるステップにおいて、繰り返し回数 m 毎の残差切除率を表す変数 r^m が所定値 K を超えたとき、反復計算を終えるので、ループの繰り返し m 毎の残差切除率を一定値以上に保つことができ、これにより、収束に必要な m の値を減少させることができる。したがって、制御アルゴリズムの収束性が向上するので、高速かつ高精度の制御が容易になる。

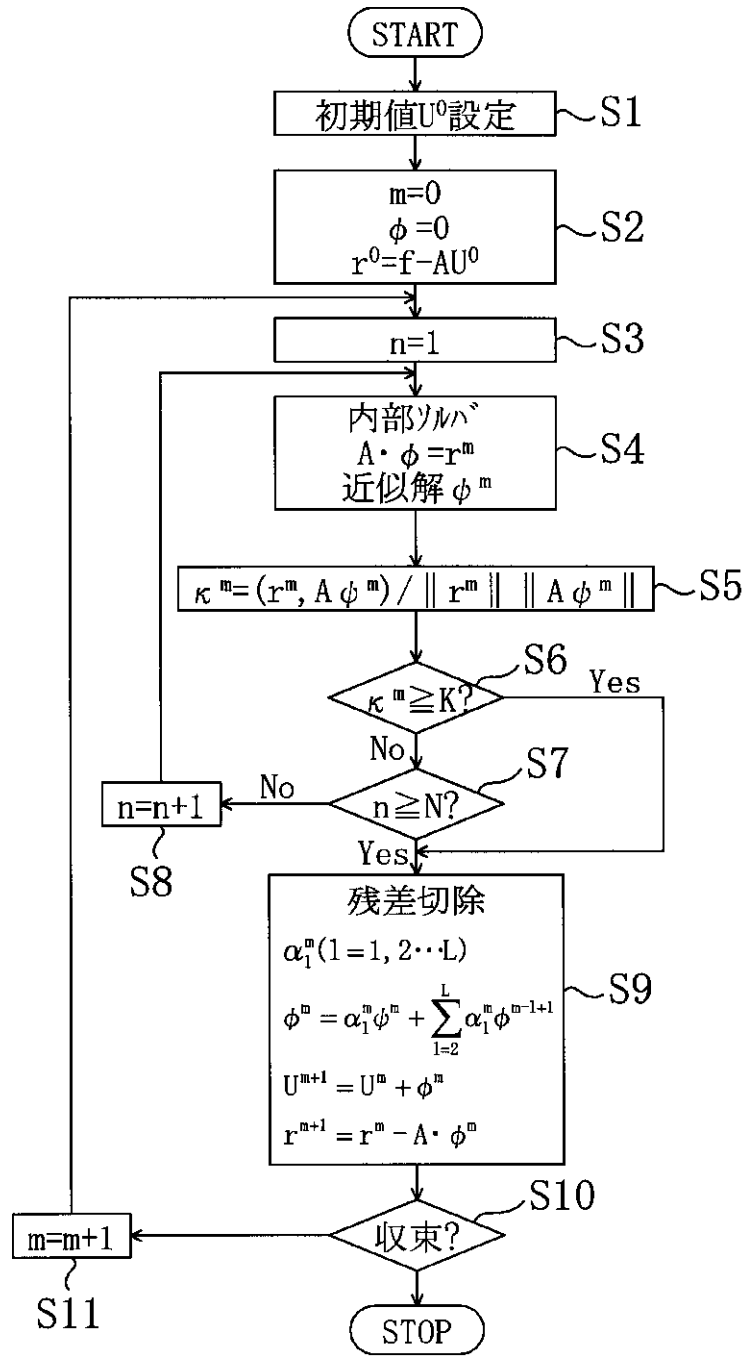
- 【図面の簡単な説明】
- 【図 1】 本発明の一実施形態に係る制御装置の構成を示すブロック図である。
- 【図 2】 本発明の一実施形態に係る制御方法を示すフローチャートである。
- 【図 3】 本発明の応用例であって、本発明に係るアルゴリズムを格子生成手法に適用した場合のフローチャートである。
- 【図 4】 図 3 の応用例によって生成された格子を示す図である。
- 【図 5】 比較例としての S O R 法によって生成された格子を示す図である。
- 【図 6】 図 3 の応用例と比較例の収束速度を比較するためのグラフである。
- 【図 7】 本発明の応用例であって、本発明に係るアルゴリズムを流体解析に適用した場合のフローチャートである。
- 【図 8】 図 7 の応用例と比較例の C P U 時間を比較するためのグラフである。

【図9】 図7の応用例と比較例の収束速度を比較するためのグラフである。

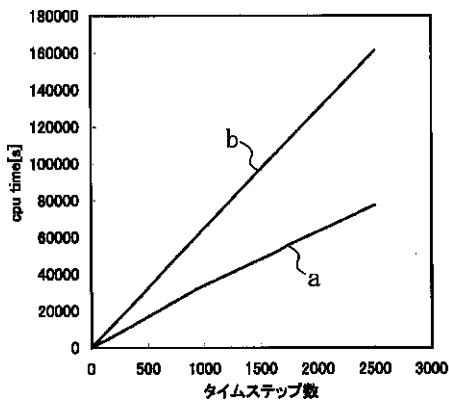
【図1】



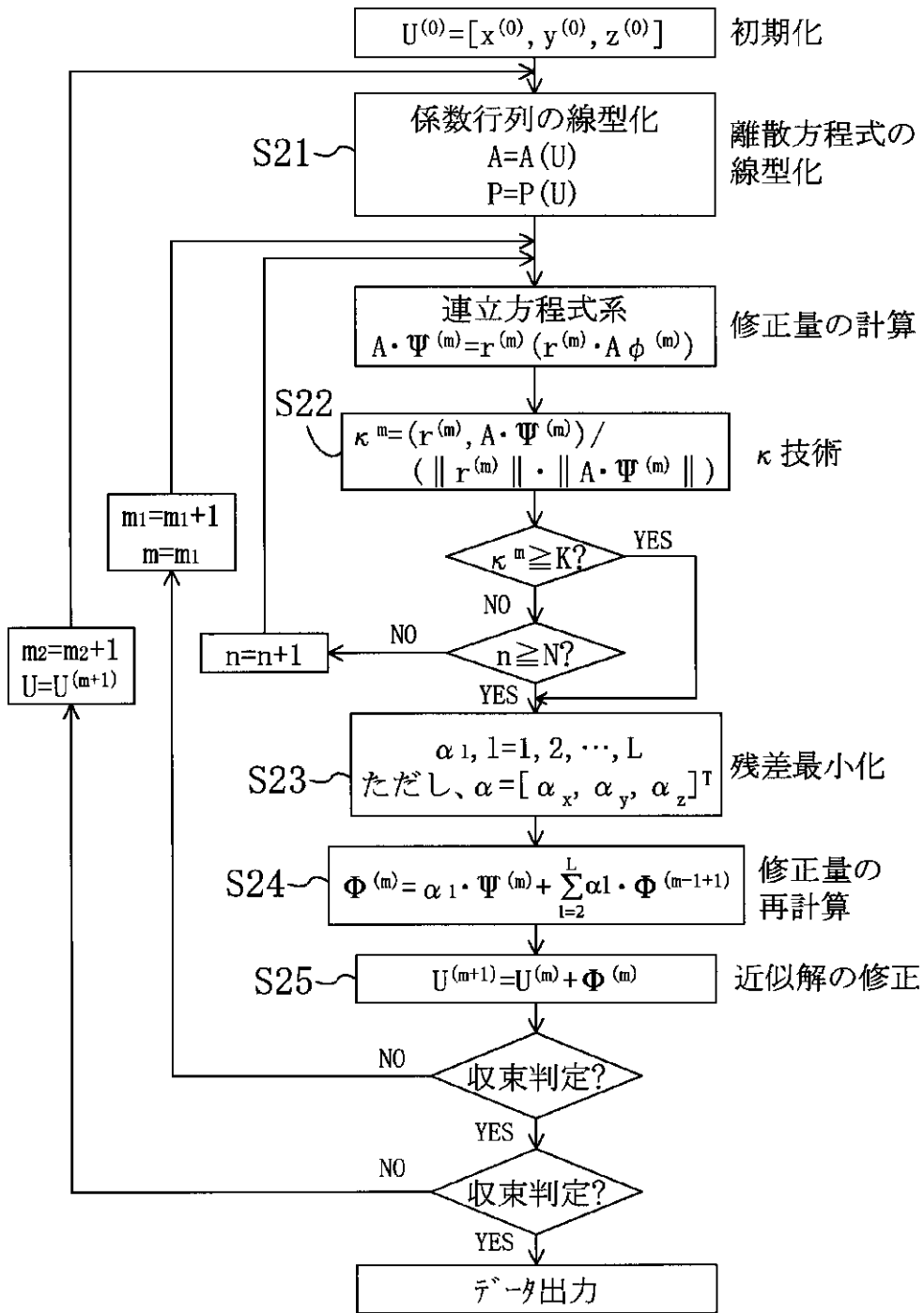
【図2】



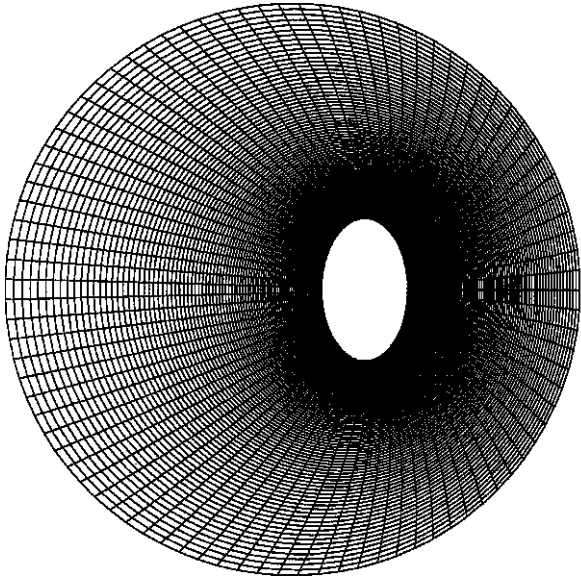
【図8】



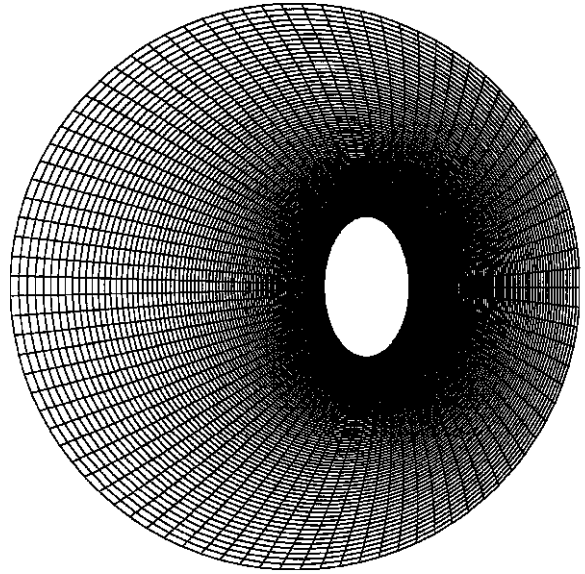
【図 3】



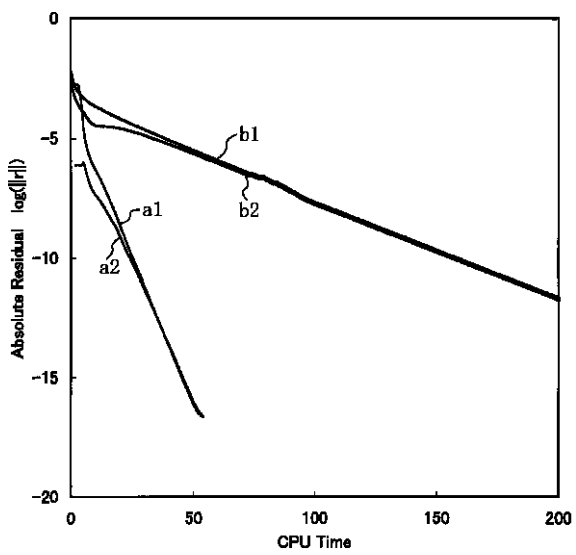
【図 4】



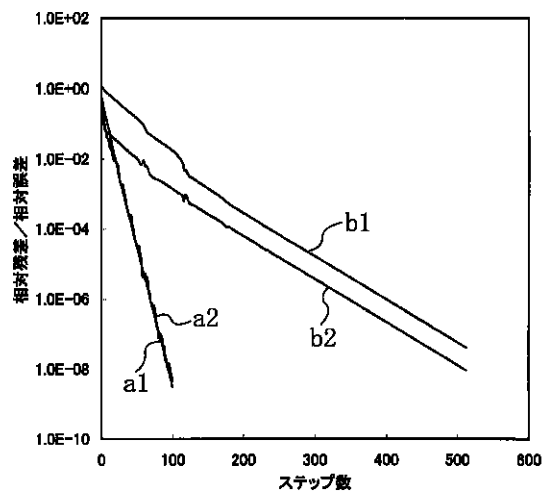
【図 5】



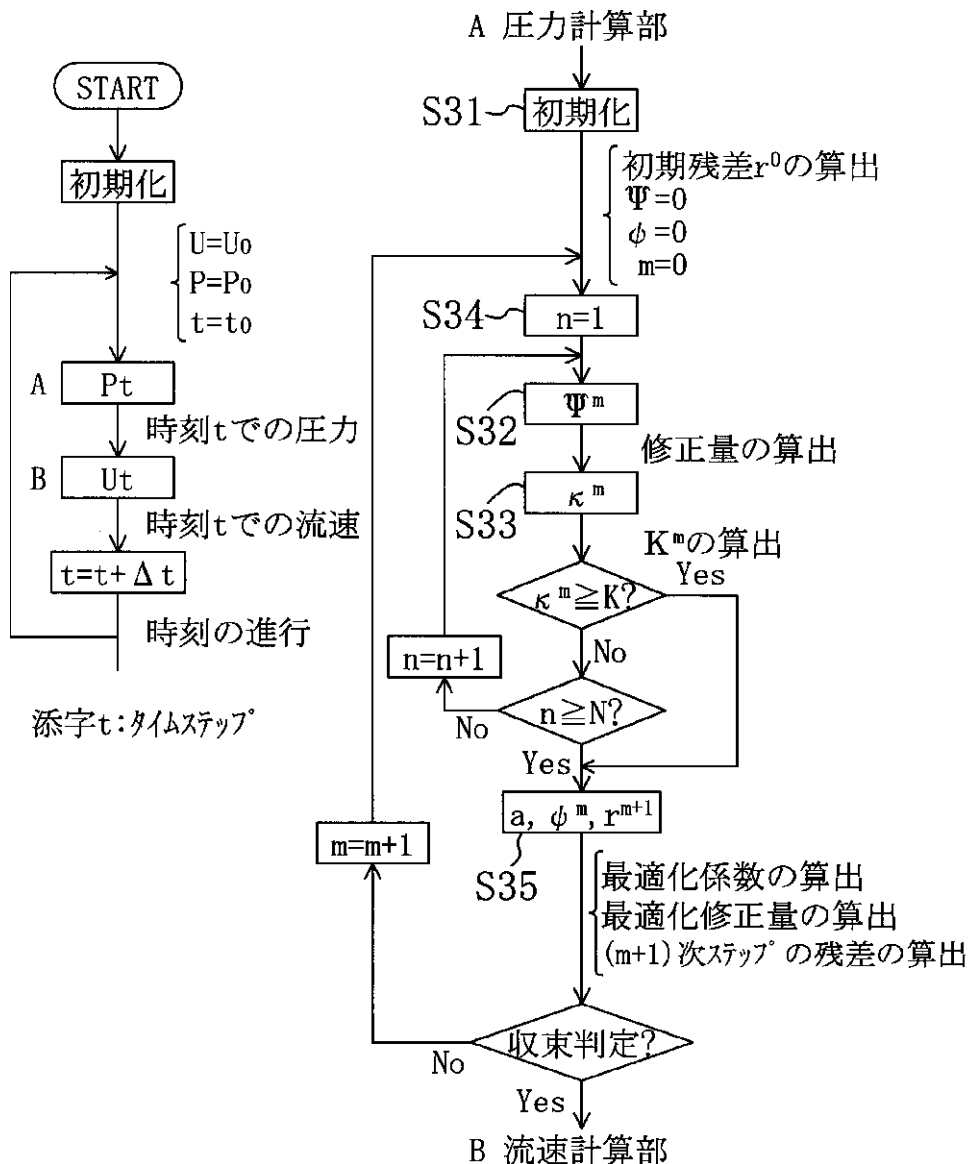
【図 6】



【図 9】



【図7】



フロントページの続き

(72)発明者 高橋 匡康
 東京都調布市深大寺東7丁目44番1号 航
 空宇宙技術研究所内

(72)発明者 田村 敦宏
 東京都調布市深大寺東7丁目44番1号 航
 空宇宙技術研究所内

(72)発明者 谷口 幸二
 大阪市西区江戸堀1丁目18番35号 肥後橋
 I Pビル 株式会社ヴァイナス内

Fターム(参考) 5B049 AA04 BB07 CC40 EE03 EE31
 5B056 AA06 BB04
 5H004 GA02 GA04 HA07 HB07 HB08
 HB09 KC12
 5H180 AA01 JJ28